Выборы и статистика: казус «Единой России» (2009–2012)

А. Шень

22 октября 2009, декабрь 2011-апрель 2012

Abstract

В этом обзоре собраны графики, отражающие статистику российских выборов (прежде всего в Мосгордуму 2009 года) и опубликованные в открытой печати и сети Интернет. Объясняется смысл этих графиков и на их примере иллюстрируется процесс выбора статистических гипотез.

Обзор дополнен материалами по голосованиям 2011–2012 годов.

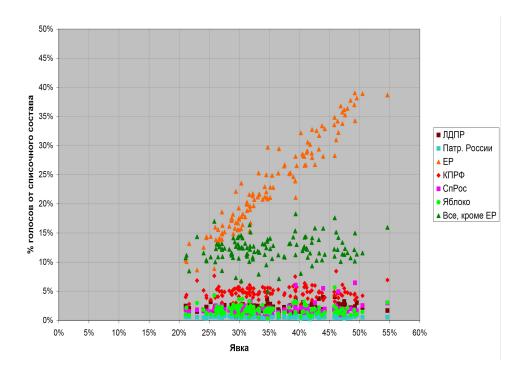


Figure 1: Данные по районам [3]; добавлена сумма всех партий, кроме «Единой России»; рисунок растянут по вертикали, чтобы сделать масштабы по осям примерно равными.

1 Графики и обсуждение

Данные голосования на выборах¹ в Мосгордуму 2009 года были опубликованы в интернете (на официальном сайте избиркома [2]), и всякий желающий мог их списать и анализировать. Авторы «Живого Журнала» (livejournal.com) построили на основе этих данных графики (рис. 1, 2) и высказали предположение о том, что на этих выборах на этапе подсчёта голосов имели место подтасовки. (Другие этапы тоже любопытны, но заслуживают отдельного обсуждения.) Мне кажется, что этот случай («казус», как говорят юристы) интересен и с точки зрения знакомства с окружающей действительностью, и как иллюстрация некоторых простейших методов математической статистики.

Предположение о подтасовках (фальсификациях) обсуждалось в различных печатных и сетевых публикациях, в том числе критически (см., например, забавную паническую отповедь [4]).

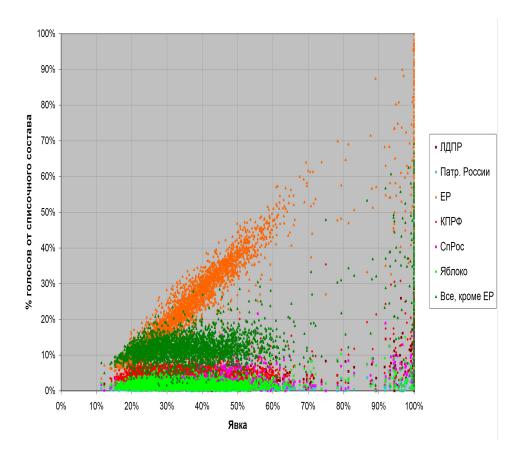


Figure 2: Данные по участкам [1]; добавлена сумма всех партий, кроме «Единой России»; рисунок растянут по вертикали, чтобы сделать масштабы по осям примерно равными.

 $^{^{-1}}$ Мы употребляем для краткости термин «выборы» наравне с безоценочным термином «голосования».

2 О статистических доказательствах

Может ли вообще статистика что-то доказать? Нет, если мы понимаем доказательство «математически» (как сказал бы Достоевский) — как нечто, что не может быть опровергнуто никакими новыми данными и наблюдениями. Сразу по многим причинам:

- Вероятность и достоверность. Допустим, вы играете в казино в рулетку (будем для простоты считать выигрыш и проигрыш равновероятными) и проигрываете двадцать раз подряд. Можно ли считать доказанным, что казино жульничает? Большинство скажет, что да: первый проигрыш случается в половине случаев, два проигрыша в четверти случаев (половина из этой половины), три проигрыша в одной восьмой и так далее, так что двадцать проигрышей подряд это примерно один шанс на миллион, пренебрежимо мало. С другой стороны, если в игре участвуют миллионы людей, скорее всего с кем-то такое случится и при честной игре со стороны казино. (См. обсуждение в [5, 6, 7]; о простейших понятиях теории вероятностей можно прочесть в [8].)
- Априорные вероятности гипотез. Пытаясь оценить (по наблюдениям) различные варианты объяснений (статистические гипотезы, как говорят), мы исходим из некоторых начальных представлений о их правдоподобии. В теории вероятностей это называют «формулой Байеса», которую можно пояснить на таком примере. Пусть при болезни А симптом X появляется в 90% случаев, в при болезни Б в 10% случаев. Врач видит больного с симптомом X. Что более вероятно болезнь А или Б? На первый взгляд А, но на самом деле ответ зависит от «априорных вероятностей»: если болезнь А редкая (один случай на миллион), а Б более частая (один случай из тысячи), то среди обладателей симптома X преобладают жертвы болезни Б (посчитайте в качестве упражнения, во сколько раз их больше: должен получиться ответ 111 ½.
- Математические модели. Наконец, выбор математической модели ещё ничего не означает. Скажем, в нашем первом примере можно обвинить владельцев казино в жульничестве. Но тот же самый результат может быть следствием, скажем, проседания грунта, в результате чего первоначально горизонтальная рулетка наклонилась. В этом случае злого умысла нет, а есть халатность хотя математически ситуации неотличимы.

Всё это к тому, что от статистического анализа нельзя ждать окончательных ответов (тем более в «социальных науках»). Легенда про Колмогорова говорит, что после его первого научного доклада (на семинаре по русской истории) ему сказали, что его доказательство убедительно, но этого мало, хорошо бы иметь и независимые подтверждения — после чего он занялся наукой, где таких независимых подтверждений не требуется (математикой). Так и здесь — статистические наблюдения имеют смысл лишь в сочетании с другими обстоятельствами, и при этом желательно понимать самому, в чём именно состоит статистическая аргументация (а не полагаться на специалистов)

Так что попробуем немного разобраться с этими графиками с выборов.

3 Что изображено на графиках

Представим себе, что на одном из участков явились все 100% избирателей, и из них 60% проголосовали за партию A, а 40% — за партию B. Изобразим эти результаты на графике (рис. 3) в виде двух точек: по горизонтали отложим явку в диапазоне от нуля то 100%, а по вертикали — доли сторонников. (Партия A на цветном рисунке изображается синим, а B — красным.) На другом участке, допустим, при явке в 50% соотношение сил такое же: 60% из пришедших проголосовали за A, остальные 40% за B. Это означает, что 30% списочного состава проголосовали за A и 20% списочного состава проголосовали за Б.

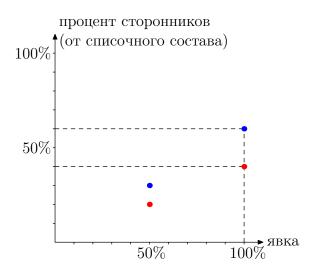


Figure 3: Представление данных на графике

На таком графике

- каждому участку соответствует набор точек (по одной каждого цвета для каждой партии):
- сумма вторых координат этих точек (суммарная доля проголосовавших за какую-либо из партий) не больше первой координаты (явки); равенство означает, что не было унесённых или недействительных бюллетеней.

Можно было бы составить другой график, откладывая по вертикальной оси процент сторонников от числа явившихся (как это обычно делается на выборах). Но наш график более наглядно отражает некоторые линейные закономерности, как мы увидим.

Именно так построены графики рис. 1 и 2. Но перед тем, как внимательно смотреть на эти графики, полезно потренироваться и ответить на несколько контрольных вопросов.

• Как будет выглядеть график, если на всех участках явка одна и та же (скажем, 50%)? [Ответ: все точки будут на вертикальной прямой с абсциссой 50%.]

- Как будет выглядеть график, если явка всегда составляет 100% и все голосуют за одну партию? [Ответ: точки для этой партии будут в правом верхнем углу (100%, 100%), точки для остальных на оси абсцисс под ними.]
- Как будет выглядеть график, если явка колеблется от 0 до 100%, но все приходящие голосуют за одну партию? [Ответ: точки этой партии лягут на прямую, идущую из начала координат под углом 45°, точки других партий будут на оси абсцисс.]
- Как будет выглядеть график, если явка колеблется от 0 до 100%, но все приходящие забирают бюллетени с собой? [Ответ: все точки будут на оси абсцисс.]

Теперь мы уже готовы посмотреть на график рисунка 1. Вот что можно заметить, глядя на него:

- Явка колеблется примерно от 20% до 55%.
- Светло-коричневые точки (партия «Единая Россия») образуют облако, близкое к наклонной прямой.
- Тёмно-красные точки (КПРФ) образуют облако, близкое к горизонтальной прямой.
- Во всех районах результат EP больше результата КПРФ (точки EP выше точек КПРФ с той же абсциссой);
- Разрыв этот тем больше, чем больше явка: на результат КПРФ явка влияет мало (облако почти горизонтально), а на результат ЕР существенно: повышение явки с 20% до 30% приводит к увеличению проголосовавших за ЕР почти на те же 10% списочного состава: от 10% до 20%; дальнейшее повышение явки на 10% до 40% даёт рост ещё почти на 10% до 30%, и так далее: прямая идёт под наклоном чуть меньше 45°.

Аналогичный вид имеет и график по участкам (рис. 2), но есть и некоторые отличия:

- Есть небольшое количество точек с большой явкой и большим разбросом результатов. (Это не удивительно, так как есть участки с небольшим числом голосующих, скажем, в больницах, и там результаты сильно зависят от местных случайностей. На общих результатах это сказывается мало из-за небольшого числа участников.)
- Заметно, что количество проголосовавших за другие партий (в частности, КПРФ и «Яблока») не растёт с ростом явки, а даже, похоже, немного убывает при увеличении явки от 40% до 60%). Это не относится к участку небольшой явки (15-20%).

4 Варианты объяснений

Для начала обсудим, чем может быть вызван такой заметный разброс по явке. Его трудно списать на индивидуальные случайности — участки в основном большие (тысячи человек), и если бы, скажем, каждый бросал монетку, чтобы решить, идти или не идти на выборы, то колебания явки были бы порядка 5% (как учит теория вероятностей, размах колебаний убывает пропорционально $1/\sqrt{N}$ при N независимых испытаниях). Но в принципе ничего удивительного в разбросе нет: если участок в неудобном месте, или на дверях подъездов не было объявлений, то можно ожидать существенно меньшего числа голосующих. Если же, скажем, избирательные комиссии, как в советское время, ходили по квартирам напоминать, голосующих могло быть больше. Бывают избирательные участки в общежитиях.

Удивительно другое: что этот фактор (или комбинация факторов) действует так избирательно: почти все дополнительно пришедшие, как обнаруживается из графика, голосуют за «Единую Россию». Как это можно объяснить?

Одно из возможных объяснений такое: реально пришло народу гораздо меньше, чем утверждается (около 20%, как в районе начала графика), а в результатах голосования были подтасовки: были вброшены дополнительные бюллетени за «Единую Россию» или просто изменены цифры в протоколах. (Если допустить саму возможность вброса, то не удивительно, что вбрасываются бюллетени за «партию власти».) Небольшое уменьшение в правой части, правда, так не объясняется — тут надо дополнительно предположить, что в некоторых местах был не только вброс, но и перераспределение голосов.

Альтернативное объяснение состоит в поиске возможного фактора, который создаёт разброс в явке на участках и действует только на голосующих за «Единую Россию». Например, можно считать, что сторонники других партий тверды в своём выборе (пойти голосовать за эти партии или бойкотировать выборы) и призывы принять участие в голосовании на них никак не действуют, но сильно влияют на участие в выборах голосующих за «Единую Россию». Как указывалось в обсуждениях в Livejournal [12], «подобный эффект должен получаться автоматически при наличии инертной массы, которая поддерживает едро, и очень активных сторонников других партий, которых, однако, очень мало. Тогда явка зависит в основном от того, насколько у едра получится отмобилизовать своих избирателей. Ну и процент за едро тоже будет расти от этого». (Но надо ещё предположить, что нет сторонников других партий, которые ленятся идти на выборы, но сходят, если про это им будут напоминать — ведь напоминают всем подряд, а не только любителям «едра». Важное обстоятельство, которое не всегда замечают: тот факт, что сторонники одних партий ходят на выборы чаще, чем сторонники других, сам по себе лишь меняет соотношение голосов, но не объясняет разброса явки по участкам.)

Другой комментатор [13] предлагает возможный конкретный механизм: «Имея опыт организации розничной торговли и общественного питания на избирательных участках на выборах в Санкт-Петербурге в 1997 году, могу сказать, что явка избирателей на участках, где все было организовано по высшему разряду (100 грамм + бутерброд за смешные деньги) была в три раза выше, чем на участках, где избирателям предлагали только чай и булочки». Чтобы это объяснение сработало, надо ещё предположить, что любители «Единой России» падки на халявную закус-

ку и выпивку (что ещё можно себе представить) и что сторонники других партий (в том числе коммунистической!) к ней совершенно равнодушны (что выглядит менее правдоподобно).

Ещё одно возможное объяснение — принудительное голосование за «Единую Россию» больших групп с понуждением их к конкретному выбору. (Но это уже приближается к вбросам, особенно если одни и те же люди голосуют многократно или голосуют за других.)

Наконец, можно предположить, что избирательные участки Москвы отличаются по составу населения и их можно разбить на группы, для каждой из которых характерна своя явка и свои распределения предпочтений по кандидатам. (Сходная гипотеза была выдвинута в [30]). Но тогда остаётся без объяснения, почему все эти гипотетические группы хорошо укладываются на одну прямую (наклонную для «Единой России» и почти горизонтальные для остальных). См. ниже обсуждение статьи [30].

5 Обсуждение гипотез

Мы видим, что оценивать правдоподобность предлагаемых объяснений можно поразному, и представляют интерес другие данные, которые могут поддержать ту или иную гипотезу. Среди них есть и статистические данные, и, что называется, anecdotal evidence.

5.1 Неожиданные пики

На рис. 4 показана так называемая «гистограмма»: для каждого числа от 1 до 100 по вертикали отложено количество участков, на которых был именно такой процент голосов за «Единую Россию». Видны пики на 70%, 75%, 80%, 85%, которые можно объяснить наличием «контрольных нормативов», которым старались следовать при подтасовках. В принципе, конечно, это можно считать и случайным совпадением.

Любопытно сравнить это с аналогичной гистограммой для «явки» на выборах 2007 года в Госдуму (рис. 5) и для выборов президента в 2008 году (рис. 6). Там тоже заметны характерные пики на «круглых» числах, но для явки, а не для процента «Единой России».

Интересно сравнить это с комментариями А. Шмелёва [14], где он говорит о недостатках последних выборов по сравнению с предыдущими (но не в Госдуму, а весной 2008 года):

Не знаю как насчет статистики, но то, что на прошлых московских выборах не было таких вбросов — знаю точно. Там перед комиссиями ставилась другая задача: явку повысить. Поэтому даже там, где вбросы делались, фиктивные бюллетени, как правило, заполнялись за всех кандидатов пропорционально. Ну, и число этих вброшенных бюллетеней было несоизмеримо меньше — в среднем по 50 на участок...

Вероятно, некоторые комиссии и тогда проявляли «усердие не по разуму», но разнарядка тогда была исключительно на явку, а не на результаты. Уж поверьте мне — сведения совершенно надёжные.

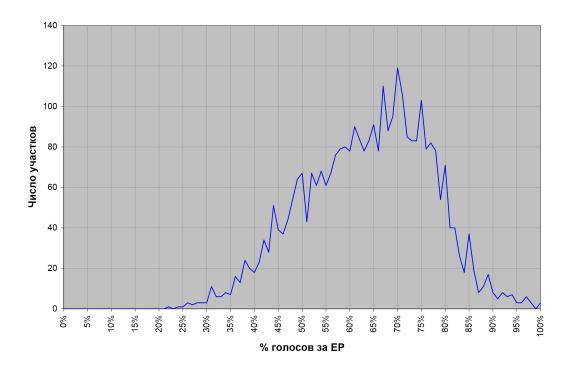


Figure 4: Количество участков, где «Единая Россия» получила данный процент голосов (гистограмма), выборы в Мосгордуму 2009 года [9]

(Идея расчёта и пропорционального заполнения фиктивных бюллетеней на первый взгляд кажется слишком сложной для реализации; оценка в 50 фиктивных бюллетеней на участок не очень согласуется со статистикой, см. ниже о КОИБ.)

5.2 Данные КОИБ

КОИБ — это комплекс обработки избирательных бюллетеней, электронное устройство, которое прикрепляется к урне и сканирует бюллетени, избавляя от необходимости ручного подсчёта. Такие устройства использовались на части избирательных участков в Москве. Поскольку избиратель видит это устройство, уже придя на выборы, само их наличие должно мало влиять на явку (разве что какой-то любитель новой техники пришёл специально на них посмотреть). Тем не менее гистограммы явки на участках с ними и без них существенно отличаются (рис. 7–9): отсутствие КОИБ сдвигает график в сторону более высокой явки, наиболее это заметно на президентских выборах 2008 года. Это можно объяснить тем, что процедура фальсификации результатов усложняется, если при подсчёте применяется электронное устройство (надо пропускать бюллетени через него, а не просто увеличить цифру или вбросить пачку). Другого объяснения этого эффекта, кажется, не предлагалось; предположение о том, он объясняется концентрацией КОИБ в районах с особым составом жителей, не подтверждается при сравнении данных по участкам с КОИБ и без в одном районе или в соседних районах с близким составом жителей [31].

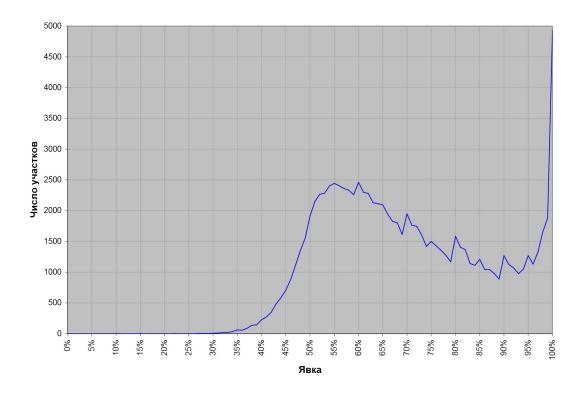


Figure 5: Количество участков, где зарегистрирована данная явка (гистограмма), выборы в Госдуму 2007 года [10]

5.3 Сравнение со статистикой других выборов

В работе [16] приводятся гистограммы явки по различным российским выборам, причём отдельно по областям и по национальным республикам. Выясняется, что их вид бывает разным: по областям в 1990-е годы графики были близки к гауссову распределению («колокол»), а по республикам (а также по областям в более позднее время) отчётливо наблюдается аномальный хвост в сторону высоких явок, примерно как на рисунках 5–6.

Для сравнения можно также взять гистограмму явки на выборах 2005 года в Польше (рис. 10), где тоже нет этого аномального хвоста.

Поучительно сравнение гистограмм явки за разные годы (рис. 11 из [31]), которое решительно противоречит гипотезе о разделении участков на группы по социальному составу (выдвигаемой как объяснение в [30], см. ниже): вряд ли такое разделение могло появиться в 2008 году, если его не было раньше.

5.4 Отдельные случаи

Рассматривая эти случаи, нужно иметь в виду, что каждый отдельный рассказ проверить трудно (если вообще возможно) и в принципе его можно считать выдумкой или предвзятым изложением. Тем не менее эти случаи могут рассматриваться как иллюстрации и дополнительное подтверждение гипотез, сделанных при рассмотрении статистических данных. (Здесь отобраны рассказы о конкретных случаях от их

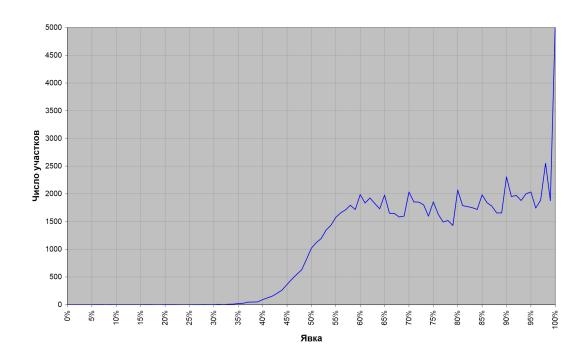


Figure 6: Количество участков, где зарегистрирована данная явка (гистограмма), выборы президента 2008 года [15]

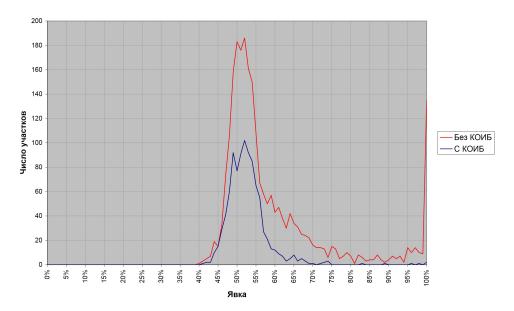


Figure 7: Гистограмма явки *по Москве* с КОИБ и без в 2007 г., выборы Госдумы непосредственных участников, а не оценки и рассуждения общего характера.)

• По утверждению Ивана Большакова [20], на участке 1702 партия «Единая Россия» получила 192 голоса (скан копии протокола) при официальных данных в 742 голоса (сайт избирательной комиссии); результаты остальных партий

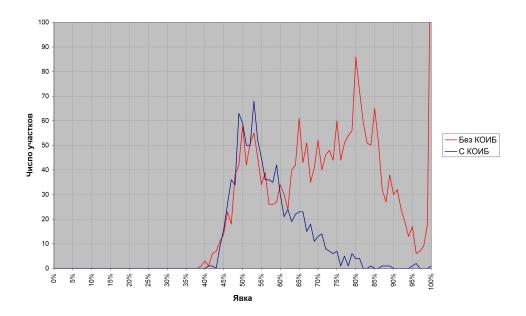


Figure 8: Гистограмма явки *по Москве* с КОИБ и без в 2008 г., выборы президента

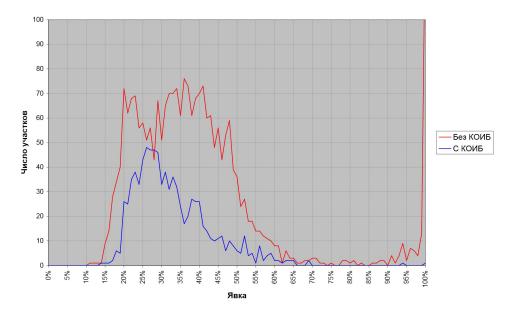


Figure 9: Гистограмма явки по Москве с КОИБ и без в 2009 г., выборы Мосгордумы

совпадают.

- По утверждению Игоря Яковлева [21], на участке 1701 число голосов «Единой России» при передаче данных в избирком было увеличено с 482 до 617 за счёт уменьшения голосов других партий (в том числе КПРФ: 121 \rightarrow 81, «Справедливая Россия»: $81 \rightarrow 61$, «Яблоко»: $25 \rightarrow 5$).
- Член избирательной комиссии Андрей Клюкин «опровергает» сделанные на-

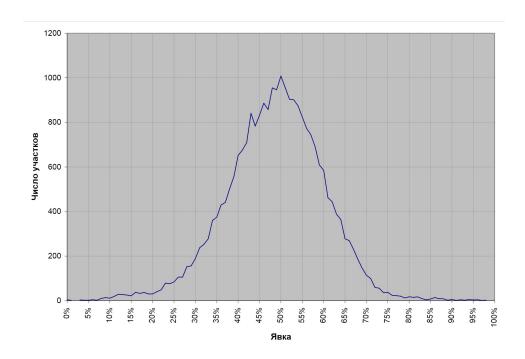


Figure 10: Гистограмма явки на выборах 2005 года в Польше

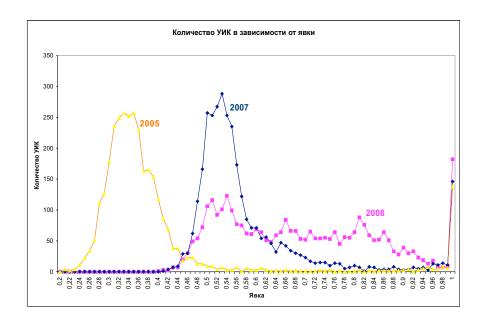


Figure 11: Явка на трёх последовательных выборах в Москве

кануне (как он говорит, спьяну) заявления (пересказать трудно, это надо смотреть) [26].

- Наблюдатель на участке 172 рассказывает о подтасовках при подсчёте числа выданных бюллетеней [24]. В комментариях рассказывается о согласовании результатов с территориальной избирательной комиссией в Хамовниках.
- Другой рассказ о согласовании в территориальной избирательной комиссии и о голосовании за других [25]
- Это уже не в Москве, а на одновременно проходящих выборах в Азове: видео скандала с обнаружением подготовленных к вбросу бюллетеней [27].
- Корреспондент журнала «Русский Newsweek» Мария Железнова рассказывает о том, как её выгнали из участковой избирательной комиссии после того, как она обнаружила вброс бюллетений за «Единую Россию» и написала жалобу [28].
- На участке 192, где голосовал лидер «Яблока» Митрохин, не было обнаружено ни одного бюллетеня, поданного за «Яблоко» [22]. Как сообщает РИА «Новости» [23], «при повторном пересчете голосов 16 бюллетеней за "Яблоко" были обнаружены в общей папке, где находились избирательные бюллетени, поданные за все партии, кроме "Единой России"».

5.5 Реакция Центризбиркома

В качестве ответа на критику на сайте Центральной избирательной комиссии (Центризбиркома, ЦИК) размещено несколько статей [29], из которых отчасти научный характер имеет только одна [30] (отметим очевидный конфликт интересов: один из авторов, В. Чуров — председатель Центризбиркома). Её авторы пишут:

Обычно в статьях оппонентов дается анализ статистических данных по двум независимым параметрам, например, распределение количества участ-ковых избирательных комиссий (УИК) в зависимости от явки и распределение голосов за кандидатов (партии) также в зависимости от явки. На основании анализа данных протоколов УИК, находящихся в открытом доступе [4], делается обычно один и тот же вывод: поскольку распределение (например, числа УИК в зависимости от явки) не соответствует нормальному закону распределения (закону больших чисел) относительно средней явки, то результаты выборов являются недостоверными.

Такой вывод можно было бы сделать, если бы мы имели дело с однородным массивом, как избирателей, так и УИК, которые, подчиняясь некоему случайному процессу, участвовали в выборах. Однако это не совсем так. Во-первых, сам процесс выборов отнюдь не случаен, т.к. слишком много факторов на него влияет [так в оригинале], а во-вторых, сам массив, как избирателей, так и УИК отнюдь не однороден.

Таким образом, авторы концентрируют внимание на одной претензии (характер распределения участков по явке) и предлагают объяснение: участки по своему месту нахождения делятся на несколько групп, и даже если в каждой группе распределение близко к нормальному, в итоговой гистограмме мы видим сумму. Это объяснение выглядит разумно и подтверждается приводимыми графиками отдельно для городских и сельских избирательных участков (воспроизводится здесь как рис. 12) по 25 регионам европейской части России (конкретного перечна регионов в статье нет).

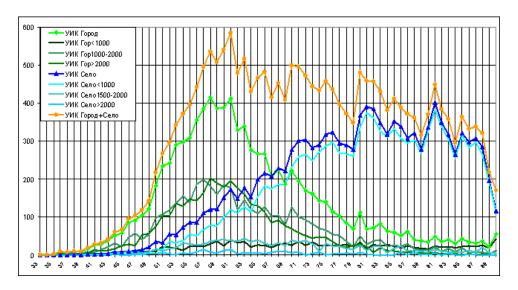


Figure 12: Гистограмма явки на президенских выборах 2008 года по 25 регионам Европейской части России из [30], разделённая по типам участков

Однако авторы ничего не говорят о других странностях:

- Данные по Москве вряд ли можно объяснить разбиением на город и село, особенно с учётом различий по участкам с КОИБ и без них. Между тем в работах [31, 32, 33], цитируемых в [30], приводятся и данные по КОИБ, и сравнительные данные за разные годы по Москве (см. рис. 11). Отсутствие какоголибо упоминания существенных возражений оппонентов и замена их данных на свои (без точного описания последних) производит впечатление научной недобросовестности.
- Никакое разбиение не может объяснить пики на «круглых числах» в общей гистограмме явки (рис. 6); в графиках из [30] похожие зубцы немного смещены, но сравнить и перепроварить результаты нельзя из-за отсутствия списка регионов, включённых в гистограмму. Отсутствие упоминания проблемы пиков и замена данных усиливает впечатление научной недобросовестности.

Кроме того, авторы [30] без особых комментариев приводят ещё график, который, судя по всему, противоречит их собственным гипотезам (воспроизведённый здесь как рис. 13). Они называют его «зависимость распределения голосов по кандидатам в процентах от списочного состава УИК в зависимости от явки (город)».

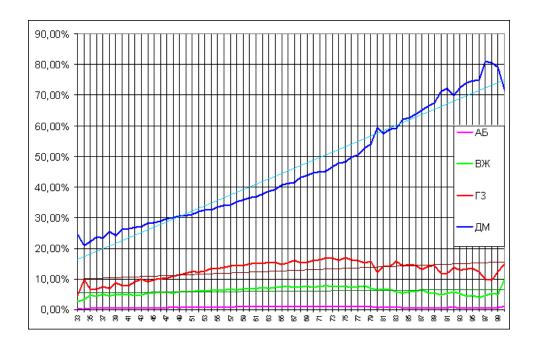


Figure 13: График из [30], названный там «зависимость распределения голосов по кандидатам в процентах от списочного состава УИК в зависимости от явки».

Можно предположить, что он получен усреднением ординат в точках графика типа рис. 2, имеющим абсциссу в данном интервале (хотя от авторов научной статьи стоит ожидать более точного описания, не требующего догадок — заметим, что в статьях оппонентов, на которые они отвечают, приводятся корректные графики). Но если так, то это как раз противоречит идее авторов об однородности группы — поскольку в пределах этой группы воспроизводится странная закономерность рис. 2 (рост по явке вызывает рост голосов за Медведева, но не за остальных, у которых даже видно некоторое падение).

6 Заключение

Вернёмся к исходному вопросу: доказывают ли статистические данные наличие подтасовок на выборах в Мосгордуму? Со всеми сделанными оговорками о нематематическом характере вопроса лично я бы ответил на него так:

- по совокупности статистических и иных свидетельств гипотеза, объясняющая результаты выборов подтасовками, выглядит правдоподобной: If it looks like a duck, swims like a duck and quacks like a duck, then it probably is a duck;
- другие гипотезы вызывают сомнение как сильными (и пока никак не обоснованными) предположениями, так и отсутствием объяснений для части данных;
- в принципе, возможно, что новые данные изменят эту оценку, но пока сторонниками гипотезы честных выборов они не представлены и бремя доказывания лежит на них;

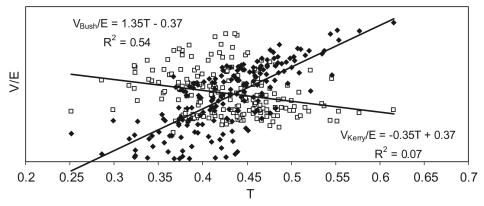


FIGURE 6.3a. T versus V/E, Mecklenburg County, North Carolina, All Precincts

Figure 14: (6.3a, [17])

- судя по статистике, масштабы подтасовок достаточно значительны (десятки процентов);
- судя по статистике предыдущих выборов в последние годы, ситуация 2009 года не является исключительной, хотя похоже, что ранее подтасовки могли иметь меньший размер.
- (last but not least) читатель может и должен составить своё собственное мнение по этому вопросу, используя приведенные ссылки на статистические данные и другую информацию.

7 Добавление 2011 года

В связи с «выборами в государственную думу» 2011 года возрос интерес к возможностям статистического выявления фальсификаций, а объявленные результаты этих выборов дали интересный материал для анализа. В этом и в следующих разделах мы воспроизведём некоторые наблюдения и замечания, касающиеся анализа этих выборов.

7.1 Предостережение

Начнём с предупреждения. В последней главе книги [17] её авторы проверяют свои методы на тестовых данных с выборов в США (где, как они считают, фальсификации статистически значимого масштаба крайне маловероятны).

Выясняется, что и здесь в отдельных случаях графики показывают парадоксальную зависимость доли голосов, поданных за одного из кандидатов (по отношению к общему числу избирателей в списках), от явки. Например, такова ситуация на рис. 14 (голоса за Буша и Керри в одном из округов).

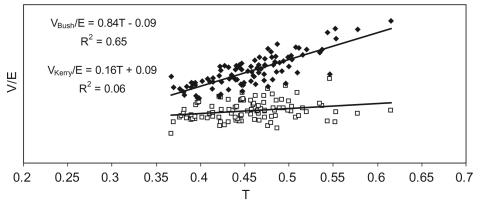


FIGURE 6.3b. T versus V/E, Mecklenburg County, North Carolina, Bush Precincts

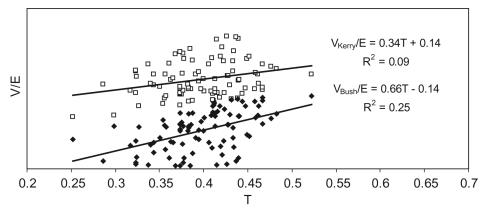


FIGURE 6.3c. T versus V/E, Mecklenburg County, North Carolina, Kerry Precincts

Figure 15: (6.3b,c, [17])

Как пишут авторы, ситуация частично может объясняться географической неоднородностью, и для сравнения приводят аналогичные графики отдельно по участкам, где победил один из кандидатов (рис. 15), которые выглядят не так подозрительно.

Объяснение состоит в том, что это разделение предположительно соответствует разделению по каким-то социологическим параметрам, которые одновременно влияют и на явку, и на процент голосов за того и другого кандидатов. Разумеется, как пишут авторы, "... division of precincts into those carried by one candidate versus another is but an admittedly crude first step in a more comprehensive analysis, especially if we suspect fraud. If, for instance, one candidate fraudulently manipulates votes sufficient to swing precincts from one column to another, then an analysis that merely divides precincts on the basis of who won what is necessarily compromised. It is more appropriate, then, to employ proxy variables — socioeconomic characteristics — that we know a priori correlate historically with both turnout and partisan preferences and which the candidates cannot manipulate".

Другой разбираемый ими случай — выборы на одном из участков штата Огайо.

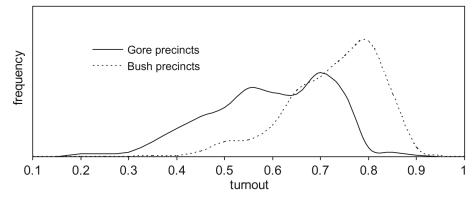


FIGURE 6.17a. Turnout Distribution, Hamilton County, Ohio, 2000

Figure 16: (6.17a, [17])

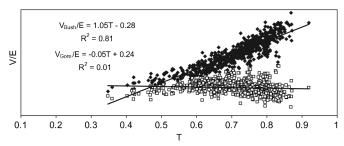


FIGURE 6.18a. T versus V/E, Hamilton County, Ohio, Bush Precincts 2000

Figure 17: (6.18a, [17])

Тут (в отличие от предыдущего примера) и распределение по явке далеко от нормального (разве что пиков на круглых числах нет), как видно из рис. 16, где показаны отдельно кривые явки для участков, голосовавших за того и другого кандидата.

Распределение явки и голосов за кандидатов также выглядит подозрительно, даже после того, как выделены участки, голосующие за одного из кандидатов (Буша, см. рис. 17).

Пытаясь понять, в чём тут может быть дело, авторы сравнивают результаты для выборов разных лет (1992, 1996, 2000, 2004) и отмечают, что и кривые явки, и распределения явки и голосов выглядят очень похоже для всех этих выборов. Чем же это можно объяснить? Авторы пишут: "There are two alternative inferences to be drawn from these figures: either Hamilton County's Democratic Party has been hypnotized, drugged, bought off, or otherwise rendered oblivious to significant and historically consistent fraud, or there is a benign explanation for the patterns our analysis reveals. In fact, there exists such an explanation; namely, the heterogeneity of precincts supporting Republican candidates". Однако и после соответствующего разделения странности графиков остаются, хотя и в меньшей степени, и, как пишут

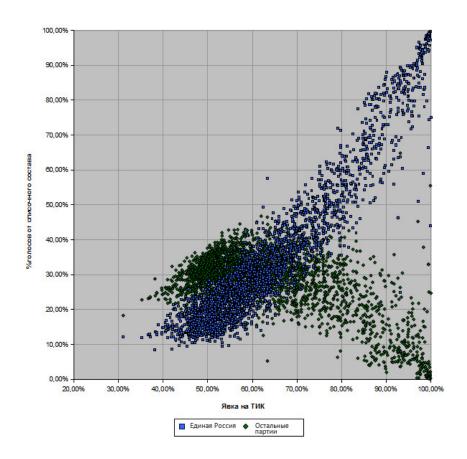


Figure 18: Явка и голосование за «Единую Россию» в процентах от списочного состава по России

авторы, "the more reasonable hypothesis is that there exists a further natural refinement of the data... The critical word here is "natural". Fair and objective analysts are not free to simple regroup data at will in order to eliminate suspicions of fraud... Minimally, at least, in any application of our indicators, the analyst needs to verify that there is not some natural and benign demographics explanation for the coefficients he or she recovers before proclaiming fraud". Короче, ситуация тут так и остаётся неясной.

7.2 2011: статистические данные

Сергей Шпилькин (тем же способом, что на прошлых выборах) нарисовал данные по территориальным избиркомам в координатах (явка, число голосов за «EP» в процентах от списочного состава). Получилась картинка, похожая на прошлые выборы (рис. 18, см. [43]). Разница с предыдущими графиками в том, что доля голосов за «EP» растёт быстрее линейной, так что одними «вбросами» это объяснить нельзя; можно предположить, что часть голосов за «EP» была получена изъятием голосов, отданных за другие партии.

Максим Пшеничников [44] предложить изобразить официальные результаты выборов в Москве на плоскости (явка, голоса за «EP» в процентах от общего числа голосов) и заметил, что они явно группируются в два кластера. См. рис. 19 (белыми линиями показаны приблизительные места этих кластеров). Возникает вопрос:

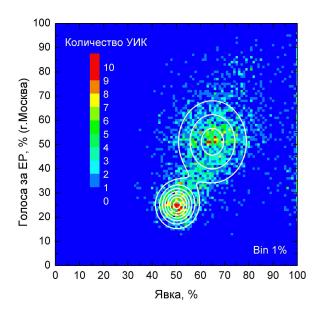


Figure 19: Явка и голосование за «Единую Россию» по Москве

второй (верхний правый) кластер — это результат фальсификаций или следствие каких-то неизвестных факторов типа неравномерности распределения сторонников партий по Москве? Сравнение с данными наблюдателей и КОИБ (см. следующие разделы) подтверждает скорее первую гипотезу. [Она подтверждается также и сравнением с голосованием 2012 года, см. ниже.]

В журнале Дмитрия Кобака [46] приводится много самых разных графиков, построенных автором журнала и его собеседниками. Вот, например, знакомые пики на круглых числах (рис. 20, запись от 12 декабря 2011). [Предупреждение: в некоторых других картинках такого рода виден пик на 50%; такой пик возникает за счёт дискретности значений простых дробей, если не принять специальных мер, даже в отсутствие фальсификаций. См. подробнее указанную запись и ссылки в ней, где обсуждается, почему так получается, а также [62].]

Сводная таблица разных графиков (включая картинки по отдельным регионам) есть в том же журнале в записи от 6 декабря 2011, в которую добавлены ссылки на более поздние графики.

7.3 2011: КОИБ

Сергей Шпилькин нарисовал количество проголосовавших за разные партии (в однопроцентных интервалах явки) для участков с КОИБ (тех, которые ему удалось выделить), а для сравнения взял гистограммы для других (без КОИБ) участков тех же территориальных комиссий [47]. Логично предположить, что что состав избирателей должен быть близким. Но гистограммы получились разными: гистограмма для участков с КОИБ имеет лишь небольшой «хвост» (рис. 21), в то время как на гистограмме для участков тех же ТИК без КОИБ хвост очень большой (рис. 22).

Надо иметь в виду, что КОИБы распределены неравномерно, поэтому резуль-

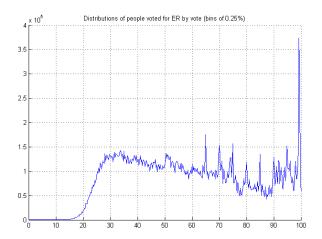


Figure 20: Распределение людей по участкам в зависимости от доли голосов за « ${\rm EP}$ » на их участке.

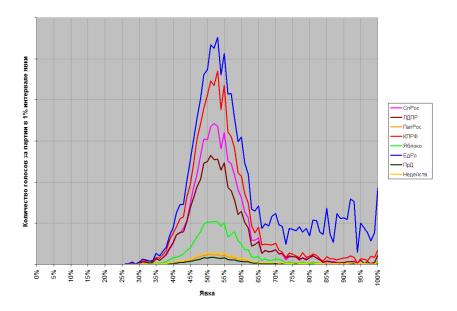


Figure 21: Распределение голосов за партии для участков с КОИБ. Суммарные данные в процентах: ${\rm CP}/{\rm ЛД}\Pi{\rm P}/\Pi{\rm P}/K\Pi{\rm P}\Phi/{\rm S}/{\rm EP}/\Pi{\rm Д}/{\rm Heg.}$ =17/14/1.3/23/5.2/37/0.8/1.6. Явка 55%.

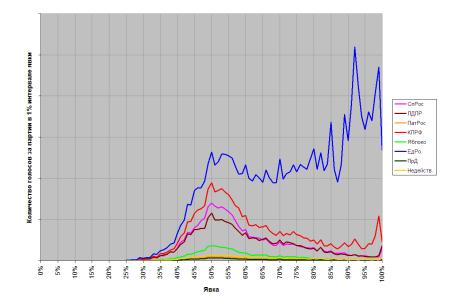


Figure 22: Распределение голосов за партии для остальных участков тех же территориальных комиссий. $CP/ЛДПP/ПP/КПP\Phi/Я/EP/ПД/нед. = 12/10/0.9/18/2.7/54/0.6/1.3$. Явка 63%. Ср. утверждение председателя ЦИК В. Чурова: «Кстати, на известных, опубликованных во многих СМИ графиках, смею вас заверить, все графики всех партий имеют признаки нормального распределения.» [73].

таты на этих участках нельзя использовать в качестве реконструкции результатов голосования; интересно их соотношение с участками рядом.

Много любопытного обнаруживается и при сравнении аналогичных данных для отдельных территорий. Такие примеры во множестве приведены в [36]. Запись 12 декабря: выясняется, что в Ставрополе на участках с КОИБ явка 45% и «ЕР» получает 34%, а на участках без КОИБ соответственно 61% и 55%. Теоретически это можно пытаться объяснять особенностями распределения КОИБ по участкам (высказывались даже забавные предположения о том, что «редкие аппараты наверняка установили в районах, где меньше вероятность, что их попортят — то есть там, где как раз и живёт основной яблочный электорат» [49]), но это можно проверить, сравнив результаты с выборами 2007 года: на всех участках с КОИБ результат уменьшился по сравнению с прежним на 23%—36%, в среднем на 29%, а на участках без КОИБ — в среднем на 7%.

В Москве КОИБы стояли в некоторых районах (не во всех участках, но во многих), в этих районах «ЕР» по официальным данным получила 30% при среднем по Москве 47%. Чтобы понять, не связано ли это со специальным выбором районов, можно сравнить с прошлыми выборами — видно, что дело не в этом (см. таблицу в [36], запись от 11 декабря 2011). Ещё интересно, что в районах без КОИБ «Яблоко» потеряло 23% прежнего результата, а в районах с КОИБ увеличило свою долю.

В Астраханской области официальное среднее для «EP» 60%, а на участках с КОИБ — всего лишь 37% [48].

В журнале [36] приведены многие другие подтверждения фальсификаций, осно-



Figure 23: Доля голосов за «EP» на различных участках в Сыктывкаре. «Бледные голубые столбцы — автоматизированные УИКи» [42].

ванные на анализе результатов с КОИБ (рост явки в течение дня в Магнитогорске, данные Юргинскому району Тюменской области, а также данные по Нижнему Новгороду, к которым мы ещё вернёмся). Там приводятся также замечательные результаты по Стерлитамаку (не имеющие отношения к КОИБ): на большинстве участков явка и доля голосов за «EP» чудесным образом оказываются близкими к 75% (отклонение в пределах 1–2%).

Помимо КОИБ, на некоторых участках встречались «комплексы электронного голосования» (КЭГ), где вообще не было бюллетеней, а голосование было электронным. Интересный график [42] построил А. Бузин по Сыктывкару (рис. 23): на нём видно, что на автоматизированных участках доля голосов за «EP» от 20% до 30% от общего числа избирателей в списке, что существенно (несколько десятков процентов) меньше, чем в большинстве остальных.

7.4 2011: наблюдатели

На выборах 2011 года по призыву ассоциации «Голос» [34] и проекта «Гражданин наблюдатель» [50] многие записались в наблюдатели на избирательные участки и попытались предотвратить нарушения и получить копию протокола — среди них как минимум пять человек, которых я лично знаю (и которые никогда раньше такого не делали). Вот отчёты моих знакомых из Москвы (в случае отсутствия жалоб указан процент «ЕР» в итоговом протоколе с участка).

- mccme.livejournal.com/11963.html (В.М. Слободкин, вбросы и др.)
- mccme.livejournal.com/11182.html (В. Радионов, нет жалоб, 20%)
- motimatik.livejournal.com/119571.html (Г. Колюцкий, вбросы и др.)

- a-shen.livejournal.com/24589.html (А. Чернов, автор, нет жалоб, 21%)
- burivykh.livejournal.com/64708.html (В.Клепцын, подсчёт без показа наблюдателям)

Большее количество данных от наблюдателей, подтверждающих правильность подсчёта (нет жалоб), может позволить оценить реальные результаты голосования. В проекте «Гражданин наблюдатель» была сделана попытка получить более или менее представительную выборку по Москве, послав наблюдателей в заранее отобранные участки (по 1–2 в каждом округе). Будем надеяться, что подробный отчёт о результатах появится. Пока что (на 16 декабря) на их сайте есть результаты обработки 131 протокола по Москве и 223 по остальной России. (Из этих данных не ясно, включены ли в них протоколы по участкам с жалобами.) Есть также более ранние данные по 36 участкам без нарушений в Москве [60].

- по Москве: CP-16%, ЛДПР-12%, ПР-1.7%, КПРФ-23%, Я-13%, EP-31%, ПД-1%, недействительные-2%. Явка-54%.
- по 36 участкам без нарушений в Москве (на следующий день после выборов): CP-18%, ЛДПР-13%, ПР-1.8%, КПРФ-25%, Я-18%, EP-23%, ПД-1.1%. Явка-49%.
- по остальной России: CP-21%, ЛДПР-14%, ПР-1.5%, КПРФ-23%, Я-8%, ЕР-30%, ПД-1%, недействительные-2%. Явка-54%. (Надо иметь в виду, что по остальной России выборка очень далека от представительной за счёт разного количества наблюдателей в разных регионах)

В некоторых случаях выданные наблюдателям протоколы расходятся с официальными данными. Сергей Слюсарев [65] взял данные с сайтов [64, 51] по Москве и изобразил изменения (протокол, зелёные кружки — официальные данные, красные кружки) в тех же координатах, что на рис. 19 (рис. 24); видно, что изменения происходят в направлении от первого кластера ко второму. Аналогичные данные по Нижнему Новгороду обсуждаются ниже.

7.5 2011: соседние участки

Как оценить правдоподобность гипотезы о том, что избиратели разных партий распределены по Москве неоднородно, и это объясняет статистические аномалии в результатах выборов по Москве (см. обсуждение выше)?

Можно попытаться сравнить данные по соседним участкам. Некоторые примеры такого рода можно найти на сайте [35], см. рис. 25 и рис. 26. (Конечно, теоретически это может объясняться и какими-то экстраординарными различиями в составе жителей.)

Чтобы оценить влияние возможной неоднородности, можно сравнить результаты нескольких выборов в одном и том же районе (поскольку неоднородность связана с составом жителей, который меняется сравнительно медленно). Например, в [67] приводятся результаты в одном и том же районе Гольяново (рис. 27); видно, что неоднородность в 2011 сильно больше, чем в 2007.

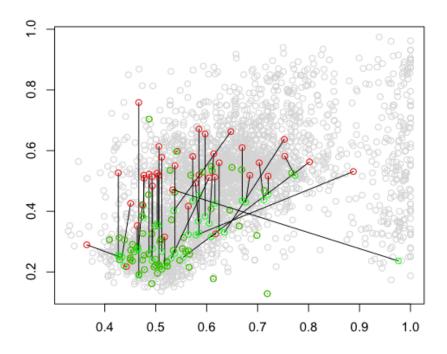


Figure 24: Изменения явки и доли голосов за «EP» в Москве на участках, где протоколы не совпадают с официальными данными. Серые кружки — официальные данные по другим участкам.

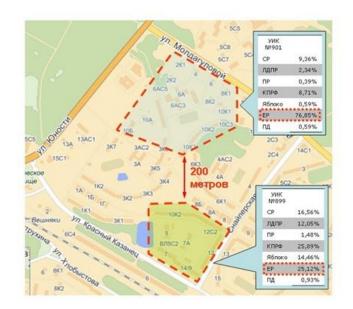


Figure 25: Сравнение результатов соседних московских участков.

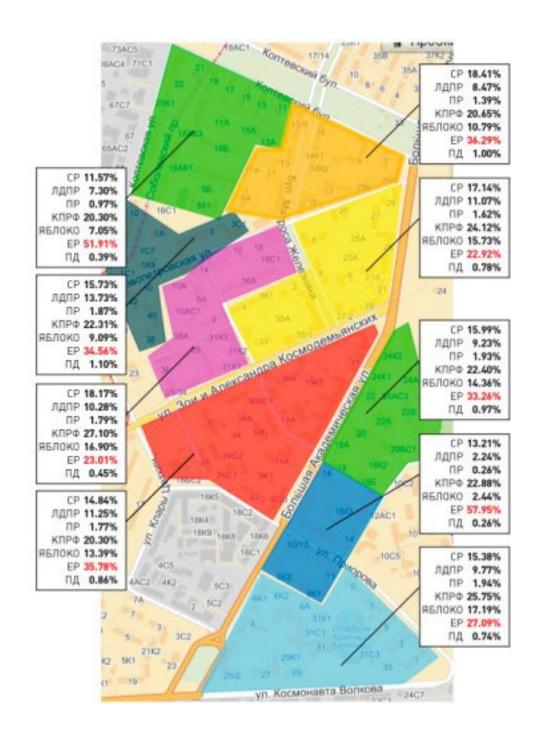


Figure 26: Сравнение результатов соседних московских участков (продолжение).

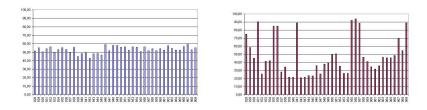


Figure 27: Сравнение выборов в Гольяново: 2007 (слева) и 2011 (справа).

Более систематически такой анализ можно проводить, изобразив результаты на картах. Такой «электоральной географией» систематически занимается Александр Киреев [36]. В его журнале (запись от 10 декабря 2011) приведены карты голосования за «Яблоко» на выборах 1999 года и 2005 года, а также на нынешних — и ясно видно, что на прежних выборах картина одна, а на нынешних совсем другая. При этом границы, где результат «Яблока» резко меняется, часто совпадают с границами районов, что может объясняться различными уровнями фальсификации в районах с разной администрацией.

Убедительный пример последнего обнаружился в Санкт-Петербурге [41]. Там по техническим причинам вышло так, что участок мог относиться к одной территориальной комиссии по федеральным выборам и к другой — по местным. Список партий на федеральных и местных выборах был одни и тот же, так что особых причин для сильных отклонений при голосовании на двух выборах нет, и средние по всему Петербургу близки (35.4% и 37,0% для «EP»). Но образовалось 58 участков, где результат «EP» в госдуму более чем на 300 голосов превышает результат в местное законодательное собрание, и 47 участков с обратным соотношением. Примеры разницы в ту и другую сторону (в формате явка/ЕР/КПРФ/СР/ЛДПР/Я/ПР/ПД)

1193/262/231/384/111/162/17/19

на федеральных против

1688/1576/30/31/30/5/3/2

на местных (участок 1445);

1314/852/104/201/118/9/8/1

на федеральных против

1302/272/202/379/111/281/19/16

на местных (участок 302). Можно предположить, что в разных районах фальсификации происходили по-разному (для каждого из участков вышестоящие комиссии по тем и другим выборам различаются); кроме того, надо иметь в виду, что кандидаты на местных выборах больше заинтересованы в их результатах, чем в голосовании по федеральному списку.

7.6 2011: отдельные случаи

Повышенный интерес к выборам привёл к тому, что различных свидетельств фальсификаций (рассказов, видео, фото и пр.) так много, что привести ссылки на сколько-нибудь заметную долю их невозможно. Отсылая читателя к поиску в интернете (в частности, в YouTube), отметим лишь несколько случаев:

• Владимирские единороссы — и те возмущены масштабами фальсификаций [52]. (Очень впечатляющий ролик, его герои выглядят искренне и вызывают уважение, на мой взгляд.)

- Публикация в Новой газете о «каруселях» в Санкт-Петербурге [54] выглядит уже совсем запредельно: она воспроизводит жалобы студентов (в адрес Александра Салаева, баллотировавшегося по 18-му округу в Колпинском районе) на то, что им не заплатили деньги за участие в «карусели», голосовании за заказчика на нескольких участках (!). Салаев в ответном интервью отрицает эти обвинения, но не очень убедительно [55]. В [56] автор утверждает, что обнаружил в социальных сетях (vkontakte) предположительных авторов этих признаний, в комментариях утверждают, что знают некоторых из героев публикации, автор предлагает опубликовать опровержение, если его пришлют, 17 декабря опровержения ещё не было.
- Оксана Дмитриева, одна из лидеров «Справедливой России», пишет на своём сайте [59]: «... по данным сводного протокола ТИК № 4 избирательной территории 21 (Красногвардейский район) СР получила 10186 голосов. А в систему ГАС "Выборы" введено 5030 голосов. То есть у нас украдено 5156 голосов более 50% голосов. По округу, где баллотировалась бывшая судья Уставного суда СПб Людмила Кулешова, расхождение составляет 1922 голоса 63% голосов украдено...».
- Олег Козырев, направивший жалобу в прокуратуру по поводу того, что «избирательная комиссия Московской области изготовила информационные материалы, совпадающие до степени смешения с агитационными материалами Московского областного отделения политической партии "Единая Россия"», получил ответ [57], в котором говорится, что эти заявления «носят клеветнический характер, ⟨...⟩ порочат репутацию Избирательной комиссии Московской области... Ваше заявление направлено в Прокуратуру Московской области, Следственный Комитет Российской Федерации по Московской области для проведения соответствующей проверки и привлечения Вас к уголовной ответственности по статье 129 УК РФ» (кстати, недавно отменённой).
- О рассмотрении обращения «Яблока» по поводу фальсификации выборов (несовпадения данных с копии протокола, выданной наблюдателю, и официальных) [58]: «В 4 часа утра наблюдатель от "Яблока" получил заверенный печатью и подписями членов комиссии протокол: за "Единую Россию" проголосовало 259 человек... Днём 5 декабря на интернет-сайте Мосгоризбиркома появились совсем другие цифры: $\langle \ldots \rangle$ у "Единой России" оказалось на 456 голосов больше...

Чтобы объяснить, как такое возможно, в суд пришли представитель Мосгоризбиркома Дмитрий Реут, заместитель председателя Территориальной избирательной комиссии района Перово Ирина Шевцова и 7 членов участковой избирательной комиссии. Дмитрий Реут... подверг сомнению само право партии "Яблоко" обращаться в суд в защиту нарушенных избирательных прав граждан... Выданный наблюдателю от "Яблока" протокол он назвали "технической ошибкой" и передал слово коллеге из ТИКа. "То, что выдали наблюдателю, — это нельзя назвать протоколом, это черновик", — пояснила И. Шевцова. "Просто наблюдатель вынудил комиссию подписать этот черновик." Суд отказал "Яблоку" в отмене результатов выборов по этому участку.»

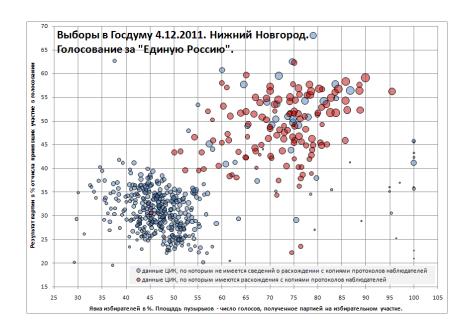


Figure 28: Распределение участков в Нижнем Новгороде

7.7 2011: Нижний Новгород

На примере Нижнего Новгорода хорошо видно, как согласуется информация из различных источников. Прежде всего посмотрим на общую картину [66] распределения участков в координатах (явка, голосование за «EP»), см. рис. 28, на котором пока не надо обращать внимание на цвета точек.

Видно, что участки делятся на две группы, и возникает вопрос, с чем это связано. Одно из возможных объяснений — неоднородность участков. Как можно проверить эту гипотезу? Александр Киреев сравнил результаты выборов по разным районам с 2007 годом [37] (можно предположить, что неоднородность уже и тогда должна была как-то проявиться). Он пишет:

«Я сделал вот такую табличку [таблица 1], где показаны результаты голосования за «ЕР» и явку на этих и на прошлых думских выборах (...) В 5 районах «ЕдРо» потеряло около 25%, но в других районах [их 4] гораздо меньше, и [в этих же 4 районах] резко возросла явка. В 5 районах, где ЕдРо потеряло много голосов, явка снизилась на 5–6%, как и в остальной России... [напротив,] в Канавинском, Московском, Приокском и Советском районах она возрасла, причем в Канавинском районе сразу на 20%!»

Из этой таблицы видно, что районы, в которых в 2007 году результаты были близки, теперь ведут себя по-разному (и это различие примерно соответствует различию между двумя группами точек на рис. 28). Это можно пытаться объяснить либо внезапно возникшими географическими аномалиями, либо неправильным подсчётом голосов.

Для оценки правдоподобности этих гипотез можно посмотреть также на данные по участкам, оборудованным КОИБ. Оказывается, что в районах с повышенной яв-

Районы	EP 2011	EP 2007	Явка 2011	Явка 2007	$\Delta ext{EP}$	Δявка
Канавинский	50.93%	54.61%	69.47%	49.65%	-3.68%	+19.82%
Московский	39.78%	54.08%	63.79%	48.83%	-14.30%	+14.96%
Сормовский	30.10%	56.54%	45.89%	51.73%	-26.44	-5.84%
Автозаводской Север	33.74%	59.48%	47.83%	53.39%	-25.74%	-5.56%
Автозаводской Юг	34.56%	58.89%	45.78%	51.39%	-24.33%	-5.61%
Ленинский	30.20%	55.02%	43.77%	49.84%	-24.82%	-6.07%
Нижегородский	27.49%	49.71%	50.15%	51.63%	-22.22%	-1.48%
Приокский	46.38%	53.01%	63.23%	52.63%	-6.63%	+10.60%
Советский	38.06%	49.61%	56.91%	52.83%	-11.55%	+4.08%

Table 1: Данные по выборам 2007 и 2011 годов в Нижнем Новгороде

кой и результатами «EP» участки с КОИБ явно выделяются: в них явка и результаты «EP» существенно ниже. Александр Киреев приводит [38] соответствующие данные по одному из четырёх районов Нижнего Новгорода, где явка и результаты за «EP» и явка были выше: в целом по району явка 63%, «EP» получила 46%; если ограничиться 9 участками с КОИБ, то явка будет 52% и результат «EP» — лишь 32%.

Этот эффект иллюстрируется также рис. 29 [66]: участки с КОИБ в Нижнем Новгороде показаны на рисунке голубым цветом; они в основном оказываются в левой нижней группе (с меньшей явкой и меньшим результатом «EP»).

Какая ещё информация может прояснить ситуацию? Среди опубликованных ЦИК данных есть сведения об изменении числа проголосовавших избирателей со временем (участковые избирательные комиссии сообщают о числе проголосовавших несколько раз в течение дня). Сергей Шпилькин [39] изобразил эти данные по Канавинскому району (одному из четырёх «аномальных», см. выше) на графике, отложив по горизонтальной оси время дня, а по вертикальной — число проголосовавших к этому времени (рис. 30).

Обнаруживается, что участки чётко делятся на две группы: в одних явка достаточно плавно возрастает в течение дня, а во вторых в последний момент возникает скачок: объявленное число проголосовавших существенно выше, чем можно ожидать на основе предыдущих данных. Это можно объяснить фальсификацией, если предположить, что данные по явке в течение дня были настоящими, а в официальных результатах явка была искусственно увеличена. При этом предположении действительно ожидать увеличения доли голосов за «EP» в этих «гиперактивных» участках, и она действительно наблюдается, см. рис. 31 из [45] — практически вся верхняя правая группа оказывается составленной из «гиперактивных» участков (таковыми считались участки, в которых явка за последний интервал подсчёта превысила некоторый порог, а именно, 13%).

До сих пор мы ограничивались лишь данными из официальных источников. Возникает вопрос, можно ли эти «косвенные улики» подкрепить какими-то прямыми? Оказывается, что да: есть данные протоколов, полученных наблюдателями Нижнего

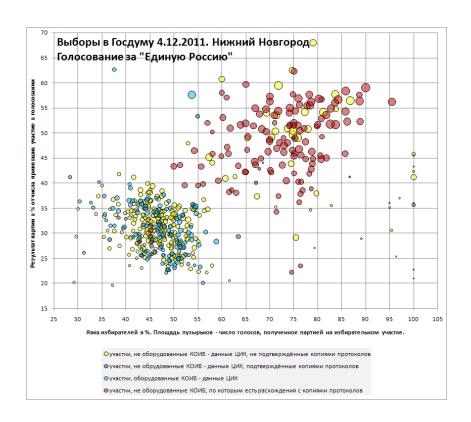


Figure 29: Участки с КОИБ среди других в Нижнем Новгороде.

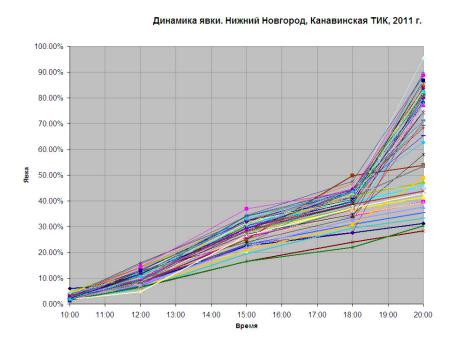


Figure 30: Изменение явки со временем в течение дня голосования в Канавинском районе Нижнего Новгорода.

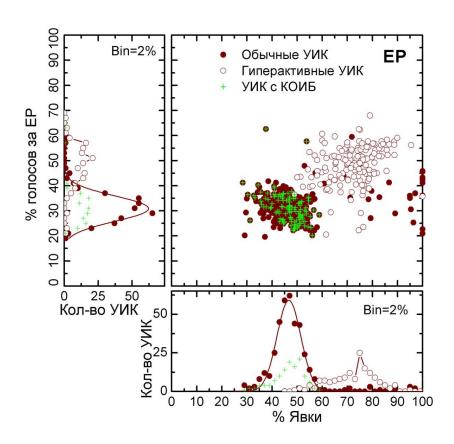


Figure 31: Результаты голосования на «гиперактивных участках».

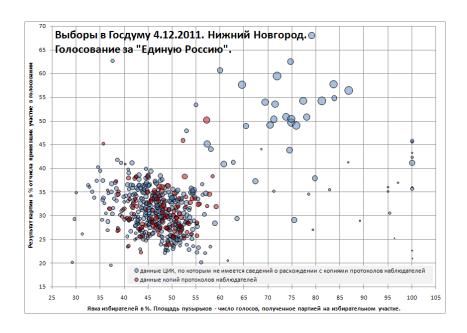


Figure 32: Данные по явке и голосованию за «EP» в Нижнем Новгороде, скорректированные по копиям протоколов.

Новгорода на участках [64, 40], и эти данные (по фотографиям копий протоколов) во многих случаях не совпадают с официально объявленными. Эти расхождения выделены цветом на приведённом выше рис. 28. Красным цветом показаны официальные данные по участкам, где они расходятся с данными наблюдателей. Видно, что красные точки составляют большую часть верхней группы. Если в случаях расхождений заменить официальные данные на данные с копий протоколов, то от верхней группы останется лишь небольшая часть (рис. 32; отметим, что не со всех участков есть копии протоколов).

Расхождения в данных стали предметом обсуждения на заседании законодательного собрания Нижегородской области (см. видеозапись [53]). Точнее говоря, представители «Единой России» по рекомендации своего предводителя уходят с заседания, когда представитель КПРФ делает заявление о несоответствии данных протоколов и официальных данных (по его словам, например, в Канавинском районе 20869 голосов были занесены как 46725).

7.8 2011: обсуждение

Выборы 2011 года стали предметом оживлённого обсуждения, в том числе на митингах и в интернете. К сожалению, значительная часть обсуждений основана на недоразумениях: многие сторонники гипотезы фальсификаций не понимают сложностей статистического анализа и приводят доводы типа «раз распределение не по Гауссу — значит жулики». С другой стороны, многие их оппоненты, справедливо указывая на необоснованность таких доводов, ограничиваются этим и не знакомятся с реальными аргументами в пользу гипотезы фальсификации.

Различных обсуждений в интернете очень много, в том числе по указанным выше ссылкам; для полноты приведу несколько ссылок с аргументами против гипотезы

массовых фальсификаций. Я старался выбрать в первую очередь те, где авторы проявляют математическую грамотность, а также те, в которых авторы предпринимали самостоятельные попытки обработать данные: [61, 68, 63, 65, 62]. В последней заметке видна эволюция взглядов автора: начав с заявления «Сеть заполонили спекуляции на тему аномального распределения голосов... При этом эксперты-математики, пытающиеся объяснить народу весь ужас того, как нагло его обманывают власти, на самом деле в лучшем случае никакие не эксперты, т.к. допускают грубые математические ошибки, а в худшем — сами нагло врут и подтасовывают цифры», после нескольких дней экспериментов с данными тот же автор пишет уже гораздо спокойнее: «Итого, если принимать гипотезу о фальсификации, то примерно в трети регионов проводилась централизованная накрутка, ещё в одной трети — нескоординированная накрутка по собственной местной инициативе, а [в] оставшейся трети — всё чисто. Но это, повторю, при условии принятия гипотезы о массовой фальсификации.» (Далее приводится гипотетический список регионов трёх указанных типов, довольно близкий к оценкам других авторов.)

Другие часто цитируемые: [69, 70].

Комментируя обсуждения результатов выборов, Леонид Волков² пишет [71]:

«Посмотрим ещё раз на наши две группы соображений.

- 1. Даже несмотря на то, что независимых наблюдателей было (увы) не очень много, выявлено большое количество грубейших нарушений. Сам факт [того], что фальсификации были, этим доказан. Однако оценить их масштаб только на основании видеороликов и переписанных протоколов нельзя.
- 2. Математические методы позволяют грубо оценить масштаб фальсификаций. Безусловно, только оценить никак точно отсечь участки с вбросами от территорий, где все поголовно любят Путина, на этих графиках невозможно. Благодаря математическим методам мы получаем общее представление о том, что были украдены миллионы голосов (не сотни тысяч, но и не десятки миллионов) реальный результат "ЕР" (с отброшенными фальсификациями, но по-прежнему с учётом административного ресурса) должен быть где-то между 32 и 40 процентами. Любые более точные оценки пусть остаются на совести их авторов, но даже очень грубой оценки достаточно, чтобы понимать узурпация власти имела место, парламентское большинство "ЕР" основано исключительно на фальсификациях.

А в ответ говорят следующее:

1. Наблюдений — мало. Даже если мы отменим результаты выборов на всех тех участках, где были сняты видеоролики о вбросах, результаты выборов изменятся не более чем на 0.5%.

²Он столкнулся с избирательной системой на собственном опыте: его сняли с местных выборов, забраковав подписи, со следующей (замечательной в своём роде) формулировкой: «в отличие от экспертов, сообщивших суду, по каким основаниям подписи избирателей были признаны недостоверными, пояснения избирателей о собственноручном выполнении ими подписи и проставлении даты её внесения какими-либо другими доказательствами не подтверждены».

2. Матметоды ничего не доказывают. Глядя на кривую Гаусса с предательски задранным хвостом, вы не вправе утверждать, что нарушения были.

Вы уже поняли, что в этом споре что-то не так? Мы говорим:

- 1. Видео доказывают, что нарушения были.
- 2. Математика позволяет оценить их масштаб.

А нам говорят:

- 1. Ваши видео ничего не оценивают.
- 2. Ваша математика ничего не доказывает.»

В заключение попытаюсь сформулировать собственный ответ на вопрос: можно ли оценить размеры фальсификаций и восстановить более или менее точно реальные результаты голосования? Ответ мне представляется двояким (первый пункт отчасти повторяет Волкова, хотя написан до знакомства с его текстом):

- грубо оценить с достаточным правдоподобием можно различные методы оценки показывают, что, с одной стороны, доля «EP» завышена не на доли процента; с другой стороны, видно, что заметная часть голосов, засчитанных за «EP», существовала в реальности. (Грубые прикидки разными способами дают цифры доли реальных бюллетеней за EP в районе 30–40%, но их надёжность весьма условна. Если же ограничиваться судебными решениями, то судя по сложившейся практике, их не наберётся и на доли процента но к рассматриваемому вопросу это отношения не имеет.)
- в такой оценке вообще нет особого смысла, на мой взгляд. Скажем, если у шулера нашли два туза в рукаве, то странно было бы пытаться пересчитать его выигрыш, оценив, сколько бы он мог выиграть, играя честно. Другой пример того же рода: спортсмена, который во время кросса срезал путь по кустам, обычно дисквалифицируют, а не пытаются пересчитать его результат с учётом замеченных сокращений пути.

8 Post Scriptum: о связи теории с практикой

Приведу (с минимальной орфографической правкой) фрагмент из записи в «Живом журнале» уже упомянутого выше [14] Александра Шмелёва [72]; отмечу лишь, что опасения про мартовские голосования оказались сильно преувеличенными (см. ниже).

«Так, не далее чем вчера я общался с одной своей знакомой, работающей в районной управе. Женщиной средних лет, бесконечно далекой от всей политики и воспринимающей выборы как одно из "массовых мероприятий", проводящихся управами и префектурами, в которых надо участвовать "по работе" (в общем, типичный сотрудник районной управы). В частности, за время этого разговора мне удалось узнать следующее:

- 1. Фальсификации готовились и организовывались строго по вертикали. Сотрудников управ, отвечающих за УИКи (по одному человеку на УИК, обычно в должности зампреда комиссии, председатель при этом в курсе, но сам, типа, ни в чем не виноват), неоднократно собирали на совещания, куда приезжали представители префектуры и объявляли процент, который должна получить ЕР на каждом участке, а также подробно и в деталях обсуждали вбросы, карусели и пр. Как их проводить, как не попастся, как нейтрализовывать наблюдателей и т.п. (в частности, было объявлено, что наблюдатели от СР—"свои", их можно не бояться, а вот яблочники и коммунисты могут напакостить).
- 2. Причём это происходит не в первый раз. Ровно по такой же модели проводились выборы в Мосгордуму-2009 и президентские выборы (+муниципалитеты) в 2008-м. Единственное отличие за это время из управ поувольнялось много специалистов, знающих избирательное законодательство и умеющих мухлевать технично, поэтому сейчас «работать было сложнее».
- 3. По итогам выборов те сотрудники, которые с фальсификациями успешно справились, были награждены: им выписаны специальные премии по итогам года. Тем, кто давал больше всех (в её районе 59% за EP) аж 5 окладов. Остальным меньше. Тех же, кто сфальсифицировать ничего не смог, все эти 2 недели очень жёстко прессовали и лишили всех премий (в т.ч. и регулярных). Среди последних оказалась и моя респондентка. Не потому, что она решила проявить гражданскую сознательность, конечно (думаю, если бы я заговорил с ней на эту тему, она очень бы удивилась), но потому что на её участке до 4 утра дежурили корреспонденты "Новой газеты", и она до последнего хотела вбросить, но не смогла. Тем не менее глава управы не принял это в расчёт и уже несколько раз вызывал ее на ковёр, грозя увольнением: не справляешься ты, дескать, с работой. В т.ч. доводя до слёз.
- 4. На весенние выборы уже объявлена планка: надо будет вбрасывать аж по 1400 бюллетеней на участок. 700 за муниципалов и 700 за Путина. КОИБы не панацея, для участков, оборудованных КОИБами (как у моей респондентки) обещают выделять по "полчаса спокойствия", за которые надо будет успеть эти 1400 бюллетеней в КОИБ опустить. Сразу после праздников начнутся тренировки (это непросто, надо будет опускать практически по бюллетеню в секунду).»

9 Голосование в марте 2012 года

Результаты этого голосования интересны не только сами по себе, но и в сравнении с результатами голосования 2011 года.

- А. Киреев [74] обнаружил интересную закономерность в Дагестане. Например, в Сулейман-Стальской территориальной комиссии всего 42 участка, из них 6 с ненулевым числом голосов за Жириновского (4, 3, 2, 2, 5, 4). Такое распределение (либо 0, либо 2–5) уже само по себе странно: естественным образом провал в единице объяснить сложно. Но к тому же Киреев обнаружил, что это ровно те 6 участков, на которых стояли КОИБ. (Случайное совпадение 6 выбранных чисел из 42 это почти что главный приз в Спортлото, вероятность этого около 2 · 10⁻⁷.) Аналогичные совпадения (ненулевые результаты ровно там, где КОИБ) ещё в 11 территориальных комиссиях (Агульская, Бабаюртовская, Дагогниская городская, Дахадаевская, Дербентская городская, Кулинская, Лакская, Левашинская, Магарамкентская, Тляратинская, Южно-Сухокумская; надо иметь в виду, что на некоторых из них меньше КОИБов и соответственно ненулевых результатов. Всего участков с КОИБ (они же с ненулевыми результатами Жириновского) 33, и на двух из них результат 1, а на остальных больше 1).
- Он же (рис. 33) обнаружил замечательную стабильность результатов в левобережной части Владикавказа [82] (справа приведены данные про голосование 2011 года, выделены участки, где в 2011 году данные почему-то переставились). Колонка со звёздочкой добавлена Киреевым это доля Путина, если не учитывать недействительные бюллетени.
- Пики явки и процента голосов за «лидера» видны и на этих выборах; для разнообразия можно посмотреть на двумерную картинку, где каждая точка соответствует участку: в правом верхнем углу видна сетка кратных 10 (а также 5), рис. 34.
- М. Пшеничников [76] сравнил аналогичные диаграммы для голосования 2011 и 2012 годов (рис. 35); видно, что аномальный «хвост кометы» уменьшился.
- Сравнение «аномальных хвостов» на гистограмме тоже показывает, что «ненормальная» (далёкая от нормального распределения) часть сильно уменьшилась (рис. 36, [77]).
- Для сравнения можно привести схематическое изображение гистограммы 2011 года, сделанное В. Е Чуровым (рис. 37,[87]); «аномальный хвост» не показан.
- Возможные причины больших отклонений распределения явки по Москве от нормального (географическая неоднородность, вбросы) легко оценить по гистограммам явки в Москве разные годы (А. Бузин [83]), рис. 38.
- Интересно сравнить более подробно результаты голосований 2011 и 2012 года по Москве; на втором было больше наблюдателей (рис. 39, [78]).

				_	_			-			
			Миронов			Путин*		CP 2.97%	лдпр	КПРФ	EP CO CON
Владикавказ Левоб. УИК №299	4.19% 3.61%	21.91% 24.13%	2.50% 2.60%	0.79% 0.72%	69.95% 68.06%	70.4% 68.7%		3.02%	1.09% 1.15%	24.96% 20.11%	68.88% 73.28%
YNK №300	5.11%	19.93%	2.62%	0.75%	70.61%	71.3%		2.97%	1.07%	19.36%	74.11%
УИК №301	4.48%	21.77%	2.67%	0.85%	69.37%	70.0%		2.93%	1.06%	19.79%	74.00%
УИК №302	4.42%	21.77%	2.62%	0.82%	69.56%	70.1%		2.95%	1.09%	20.19%	73.60%
УИК №303	4.45%	21.70%	2.64%	0.76%	68.98%	70.0%		2.96%	1.06%	19.60%	74.03%
УИК №304	4.42%	21.77%	2.74%	0.80%	69.29%	70.0%		2.95%	1.04%	19.72%	73.76%
УИК №305	3.94%	19.09%	2.37%	0.63%	72.56%	73.6%		2.91%	1.07%	21.17%	71.78%
УИК №306	4.47%	21.29%	2.69%	0.78%	69.81%	70.5%		2.98%	1.19%	19.15%	74.30%
УИК №307	4.45%	22.27%	2.66%	0.79%	68.84%	69.5%		2.97%	0.98%	19.80%	73.83%
YUK №308	4.44%	21.78%	2.70%	0.78%	69.43%	70.0%		2.98%	1.11%	18.82%	74.70%
УИК №309 УИК №310	4.44% 4.45%	21.78% 21.80%	2.73% 2.67%	0.77% 0.80%	69.35% 69.48%	70.0% 70.0%		2.94% 2.94%	1.06%	20.26% 19.69%	73.42% 73.87%
YNK №310 YNK №311	4.48%	21.85%	2.67%	0.78%	69.45%	70.0%		2.96%	1.10%	19.73%	73.98%
YMK N9312	4.48%	21.87%	2.57%	0.77%	69.61%	70.0%		2.96%	1.10%	74.12%	19.79%
УИК №313	4.49%	21.91%	2.69%	0.81%	69.63%	70.0%	•	2.97%	1.08%	19.79%	74.18%
УИК №314	4.46%	21.68%	2.66%	0.76%	69.46%	70.1%		2.97%	1.08%	19.68%	73.84%
УИК №315	4.44%	21.79%	2.65%	0.79%	69.46%	70.1%		2.95%	1.14%	19.72%	73.91%
УИК №316	5.56%	22.22%	2.78%	2.78%	66.67%	66.7%		3.85%	0.00%	19.23%	76.92%
УИК №317	4.46%	21.75%	2.60%	0.74%	69.33%	70.1%		2.92%	1.17%	17.70%	75.49%
YNK №318	4.35%	21.74%	2.72%	0.54%	69.57%	70.3%		3.23%	1.61%	27.42%	66.13%
УИК №319	4.48%	21.83%	2.67%	0.78%	69.45%	70.0%		2.98%	1.10%	19.73%	73.95%
УИК №320 УИК №321	1.82% 4.47%	5.45% 22.66%	0.91%	1.82%	90.00%	90.0%		2.83% 2.96%	0.94% 1.06%	18.87% 19.79%	69.81% 74.34%
YNK №321	4.47%	21.18%	2.68% 2.67%	0.78% 0.81%	68.93% 70.11%	69.3% 70.6%		2.95%	1.06%	19.79%	73.90%
YNK №323	4.70%	21.16%	2.49%	0.83%	69.49%	69.9%		2.97%	1.05%	19.77%	74.19%
УИК №324	4.37%	21.95%	2.78%	0.82%	69.87%	70.0%		2.99%	1.11%	19.83%	74.38%
УИК №325	5.58%	21.95%	1.40%	0.84%	69.40%	70.0%		2.99%	1.06%	19.70%	74.05%
УИК №326	3.95%	21.91%	3.20%	0.83%	69.84%	70.0%		2.99%	1.07%	19.85%	74.38%
УИК №327	4.48%	21.91%	2.68%	0.78%	69.67%	70.0%		2.99%	1.06%	19.79%	74.21%
УИК №328	6.32%	21.19%	2.60%	0.74%	68.77%	69.0%		6.08%	6.76%	17.57%	66.55%
УИК №329	4.49%	21.29%	2.59%	0.81%	70.08%	70.6%		2.19%	0.16%	20.33%	75.29%
УИК №330	4.53%	22.59%	2.70%	0.80%	69.01%	69.3%		3.20%	1.11%	19.57%	74.30%
УИК №331	4.45%	21.84%	2.69%	0.79%	69.44%	70.0%		2.51%	1.07%	20.20%	74.00%
YNK №332	1.25%	21.25%	1.04%	0.35%	75.42%	75.9%		3.44%	1.10%	19.28% 20.13%	74.01%
УИК №333 УИК №334	4.50% 4.47%	22.82% 21.86%	2.68% 2.66%	0.81% 0.79%	68.59% 69.57%	69.0% 70.0%		2.63% 3.26%	1.07%	19.52%	74.17% 74.13%
YNK №335	4.51%	22.68%	2.66%	0.82%	68.78%	69.2%		2.57%	1.09%	20.18%	74.15%
УИК №336	1.37%	29.23%	1.52%	0.72%	66.71%	67.0%		3.39%	1.06%	19.36%	74.28%
УИК №337	4.53%	20.75%	2.69%	0.80%	70.87%	71.1%		2.81%	1.09%	19.99%	74.34%
YИК №338	4.48%	22.57%	2.72%	0.80%	68.94%	69.3%		3.12%	1.11%	19.63%	74.18%
УИК №339	4.51%	22.22%	2.72%	0.78%	69.15%	69.6%		2.34%	1.10%	20.45%	74.07%
УИК №340	4.46%	22.19%	2.68%	0.77%	69.20%	69.7%		3.50%	1.07%	19.24%	74.05%
YNK Nº341	4.54%	21.50%	2.53%	1.78%	68.34%	69.1%	-	2.73%	1.11%	74.27%	20.07%
YNK Nº342	4.67%	21.85%	2.67%	0.53%	69.52%	70.0%	4	3.20%	1.16%	74.09%	19.51%
УИК №343	0.16%	20.35%	0.51%	0.20%	78.28%	78.7%	ټ	2.55%	1.11%	74.12%	20.11%
УИК №344 УИК №345	4.87% 4.05%	21.43% 22.26%	2.72% 2.67%	0.80% 0.80%	69.60% 69.50%	70.0% 70.0%		3.35% 2.64%	1.10% 1.10%	19.42% 20.06%	74.06% 73.99%
УИК №345 УИК №346	2.21%	23.97%	2.67%	0.78%	69.19%	70.0%		3.40%	1.05%	19.23%	73.72%
УИК №347	4.48%	21.82%	2.65%	0.81%	69.36%	70.0%		2.65%	1.12%	19.97%	73.95%
УИК №348	4.44%	21.79%	2.70%	0.84%	69.51%	70.0%		3.20%	1.07%	19.52%	74.09%
УИК №349	4.34%	21.89%	2.75%	0.84%	69.62%	70.0%		2.78%	1.07%	19.96%	74.15%
УИК №350	4.74%	21.84%	2.71%	0.79%	69.30%	69.7%		3.20%	1.09%	19.54%	74.10%
УИК №351	3.29%	22.99%	2.18%	0.81%	69.91%	70.5%		3.27%	1.11%	19.41%	73.96%
УИК №352	4.48%	21.90%	2.76%	0.78%	69.66%	70.0%		2.73%	1.09%	20.07%	74.22%
YNK №353	2.27%	25.45%	1.34%	0.80%	69.56%	70.0%		2.73%	1.10%	20.03%	74.08%
УИК №354	4.49%	21.84%	2.68%	0.79%	69.50%	70.0%		3.17%	1.10%	19.59%	74.04%
УИК №355 УИК №356	4.47% 4.48%	21.89% 21.91%	2.68% 2.70%	0.84% 0.81%	69.63% 69.72%	70.0% 70.0%		2.53% 3.46%	1.06%	20.25% 18.84%	74.23% 74.80%
УИК №357	4.48%	21.88%	2.70%	0.81%	69.57%	70.0%		2.88%	1.10%	20.36%	73.64%
YNK №357	4.46%	21.90%	2.66%	0.78%	69.62%	70.0%		3.08%	1.09%	19.71%	74.13%
УИК №359	5.43%	22.73%	1.02%	0.66%	69.29%	69.9%		2.88%	1.07%	19.85%	73.94%
ANK №390	4.44%	21.78%	2.65%	0.79%	69.34%	70.0%		3.11%	1.08%	19.53%	73.85%
УИК №361	4.45%	21.85%	2.67%	0.83%	69.48%	70.0%		2.68%	1.02%	20.60%	73.52%
УИК №362	4.50%	21.96%	2.71%	0.79%	69.79%	70.0%		3.24%	1.11%	19.14%	74.77%
ANK W5363	4.46%	21.94%	2.70%	0.76%	69.74%	70.0%	-	2.78%	1.11%	74.22%	20.06%
УИК №364	4.27%	21.91%	2.90%	0.80%	69.61%	70.0%		3.16%	1.07%	19.57%	74.16%
YUK №365	4.65%	21.79%	2.37%	0.82%	69.55%	70.1%		2.82%	1.98%	18.83%	73.82%
УИК №366 УИК №367	4.46% 4.46%	21.92% 22.08%	2.67%	0.79% 0.61%	69.85% 69.84%	70.1% 70.1%		3.15% 2.77%	1.09% 0.65%	19.64% 20.51%	74.28% 74.32%
ANK №3268	4.46%	21.59%	2.68% 3.02%	1.27%	69.68%	70.1% 69.7%		3.67%	1.17%	19.17%	74.32% 75.00%
УИК №370	1.13%	1.13%	0.16%	1.29%	96.30%	96.3%		3.0776	1.170	13.170	7 3.0076
2 Firt 1923 / O	1.1570	1.1370	0.1070	1.2370	20.5070	30.370					

Figure 33: Результаты во Владикавказе (левобережная часть), [82]

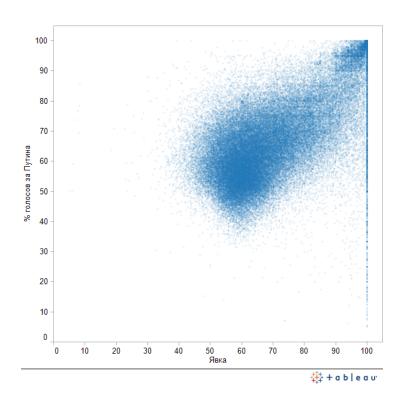


Figure 34: Данные по явке и голосованию за «лидера», [75]

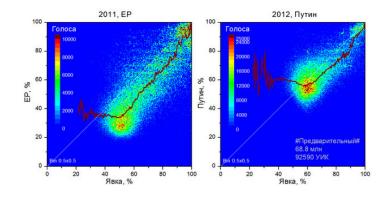


Figure 35: Сравнение голосований 2011 и 2012 годов, [76]

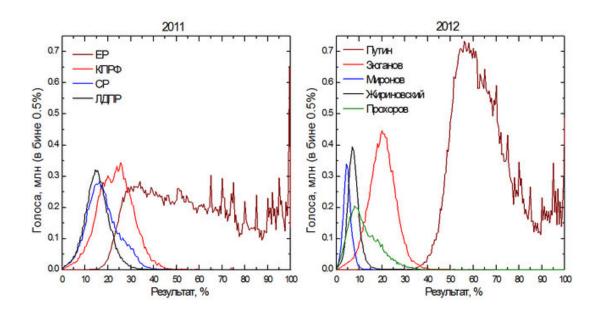


Figure 36: Сравнение гистограмм 2011 и 2012 годов, [77]

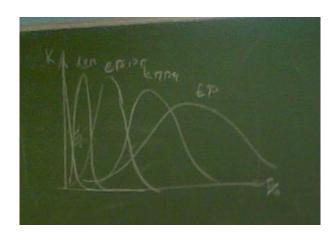


Figure 37: Гистограмма 2011 года, фотография рисунка, сделанного В.Е. Чуровым на доске во время его доклада [87]

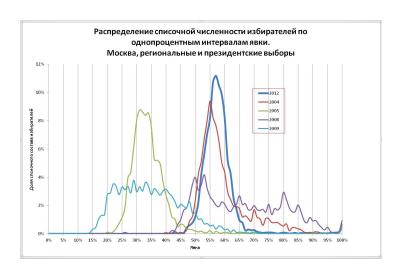


Figure 38: Гистограммы явки разных лет по Москве, [83]

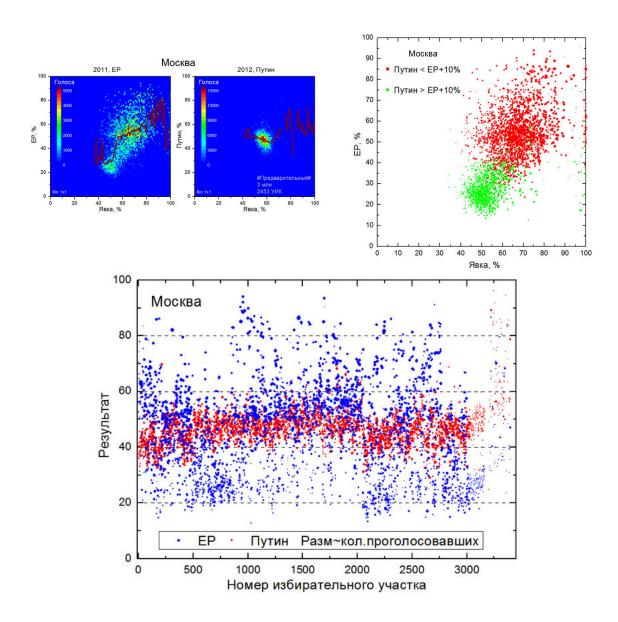


Figure 39: Сравнение разброса по Москве в 2011 и 2012, [78, 79, 80]

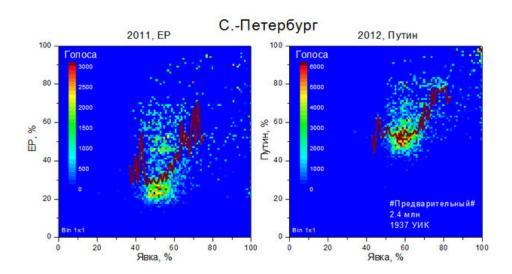


Figure 40: Сравнение разброса по Петербургу в 2011 и 2012, [81]

- Интересно, что в Петербурге такого изменения картинки не произошло, и жалоб наблюдателей тоже было много : (рис. 40, [81]).
- В одной из комиссий (ТИК 27) в Петербурге имеется удивительное скопление в точке (60, 80) в координатах (явка, результат), которое разрешается на отдельные участки лишь в большем увеличении (рис. 41).

Интересно сравнить это с публикацией в «Аргументах и фактах» (Петербург):

Наблюдатель от КПРФ: в ТИК № 27 протоколы заносят с «черного хода» [Опубликовано : 2012-03-05 00:10:56]

Об этом корреспонденту «АиФ-Петербург» сообщила наблюдатель в ТИКе от КПРФ Анна Смирнова.

По её словам, лишь небольшая часть председателей УИКов, которые приносят в ТИК протоколы и бюллетени, заходят в здание с центрального входа и передают результаты выборов в присутствии наблюдателей. Большая часть заходит с «чёрного хода», охраняемого полицией. Туда наблюдателей вопреки требованиям закона не пускают. При этом в протоколах, занесённых с «чёрного хода», значатся крайне высокие цифры поддержки кандидата в президенты Владимира Путина — в некоторых случаях около 90%. [Последнее утверждение не подтверждается данными.]

• Некоторые наиболее удивительные изменения (2012 год в сравнении с 2011) собрал Александр Киреев [86]:

Явка больше всего выросла в Кисловодске: на 35,54%, с 36,66% до 72,22%. А в Моздокском районе Северной Осетии она на столько же упала: с 88,75% до 52,19%. При этом в Кисловодске процент Путина по сравнению с ЕР возрос в 2 раза с 34,67% до 68,96%, а в Моздокском районе «необъяснимо» упал с 74,36% до 64,38%.

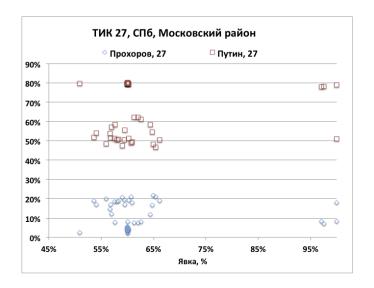




Figure 41: Петербург, ТИК 27, [84]

Больше всего Путин потерял по сравнению с Единой России в Новоульяновском районе Ульяновской области: -25%! Было 79,42%, стало 54,58%. При этом явка снизилась на 21 пункт с 82,71% до 61,77%. На втором месте Арбат $\langle \ldots \rangle -23,11\%$ с 63,16% до 40,05%. Тут без учёта фальсификаций на думских выборах нам никак не справиться с объяснением этого феномена. [В той же записи комментирует один из наблюдателей: «Я тоже была на участке (2618), где в декабре было 77%, в этот раз получили 41%. Допущены были ко всем этапам по полной программе. А в декабре на участке 1541 мы пытались заставить соблюсти процедуру, но разнарядка была делать фальсификацию, и нас тупо выгнали.»]

... Немножко сложнее подсчитать динамику Жириновского и Миронова. [В целом] Жириновский набрал почти в 2 раза меньше, чем ЛДПР или же 55% от электората ЛДПР. В ряде республик у него просто сумашедший рост. Скажем, в Эльбрусском и Баксанском районах Кабардино-Балакарии у ЛДПР было вообще ноль голосов, а сейчас в Эльбрусском районе 3,24%, а в Баксанском вполне правдоподобные для республики 3,13%. То есть, скажем, в Баксанском районе было ноль, а теперь вдруг откуда-то взялись 822 голоса! То есть из 822 человек, проголосовавших за Жириновского в Баксанском районе, ни один не голосовал за ЛДПР на думских выборах! По другим районам Кабардино-Балкарии было 0,01%, а сейчас до нескольких процентов. Из русских областей выделяется всё тот же Новоульяновский район, в котором у Жириновского 10,59%, а у ЛДПР было 3,86%.

References

- [1] График распределения голосов по участкам. Блог Сергея Шпилькина, podmoskovnik.livejournal.com/56185.html.
- [2] Официальный сайт избиркома с данными о выборах в Мосгордуму 2009 года, http://www.moscow_city.vybory.izbirkom.ru/region/moscow_city.
- [3] График распределения голосов по районам, запись в блоге, uborshizzza. livejournal.com/674242.html.
- [4] Шпилькина грамота, http://actualcomment.ru/daycomment/294/. (Под фотографией, открывающей публикацию, написано «Фото: Александр Шатилов», но означает ли это имя фотографа или имя автора публикации, не вполне ясно.)
- [5] Успенский В.А., Семёнов А.Л., Шень А. Может ли индивидуальная последовательность нулей и единиц быть случайной? *Успехи математических наук*, 1990, том 45, вып. 1, с. 105–162.
- [6] Shen A. Algorithmic Information Theory and Foundations of probability. In: Reachability problems. Lecture Notes in Computer Science, vol. 5727 (2009). Слайды доклада и текст: http://www.cmi.univ-mrs.fr/~ashen/nafit/nafit.html.
- [7] Борель Э. Вероятность и достоверность. М.: Физматгиз, 1969.
- [8] Шень А. Вероятность: примеры и задачи. М.: МЦНМО, 2008. ftp://ftp. mccme.ru/users/shen/proba.pdf.
- [9] Гистограмма по результатам «Единой России», http://capitan-blood. livejournal.com/74484.html.
- [10] Гистограмма по явке, выборы в Госдуму, 2007, http://podmoskovnik.livejournal.com/7227.html.
- [11] Анализ пиков явки с помощью математических методов, http://oude-rus.livejournal.com/52935.html.
- [12] Комментарий __rico.livejournal.com: http://a-shen.livejournal.com/ 8782.html?thread=367182#t367182.
- [13] Комментарий ivalnick.livejournal.com: http://leonwolf.livejournal.com/106744.html?thread=3111928#t3111928.
- [14] Комментарий Александра Шмелёва, обозревателя издания ВЗГЛЯД.РУ, http://shmelev.livejournal.com/58689.html?thread=1339457#t1339457.
- [15] Гистограмма явки в Москве, выборы президента (2008), http://podmoskovnik.livejournal.com/16223.html.

- [16] Peter Ordeshook (Caltech), Misha Myagkov (University of Oregon), Russian Elections: An Oxymoron of Democracy, Caltech/MIT Voting Technology Project Working Paper # 63, March 2008, http://vote.caltech.edu/drupal/files/working_paper/vtp_wp63.pdf.
- [17] Mikhail Myagkov, Peter C. Ordeshook, Dimitri Shakin, *The Forensics of Election Fraud: Russia and Ukraine*, Cambridge University Press, 2009.
- [18] Гистограмма явки на думских выборах 2003 года, президентских выборах 2004 года, думских выборах 2007 года. Заметка написана до 2008 года и содержит предсказание аналогичных пиков на президенских выборах 2008 года (подтвердившееся, как видно из графиков), http://sergey-shulgin.livejournal.com/8056.html.
- [19] Данные по выборам в Канаде 2006 года (при сравнении надо иметь в виду, что на этом графике по вертикали откладывается процент голосов по отношению к участникам голосования), http://minns.ca/owen/item/election-canada-2006.shtml#share-by-turnout.
- [20] Иван Большаков (Яблоко), скан копии протокола и официальные данные, http://community.livejournal.com/yabloko_party/180445.html.
- [21] Игорь Яковлев, данные по 1701 участку, http://yakovlev-igor.livejournal.com/456910.html.
- [22] Копия протокола, в котором из 1020 бюллетеней нет ни одного за «Яблоко» и за ЛДПР. На этом участке голосовал лидер «Яблока» Сергей Митрохин, http://yakovlev-igor.livejournal.com/458430.html.
- [23] Сообщение РИА Новости, http://www.rian.ru/politics/20091023/190235224.html.
- [24] Рассказ наблюдателя на участке 172, http://dani444.livejournal.com/ 227832.html.
- [25] Виталий Резников рассказывает о том, что было в Пресненском районе, http://vreznikov.livejournal.com/51066.html.
- [26] Андрей Клюкин, видеозапись рассказа о подтасовках и «опровержение» на следующий день: http://www.youtube.com/watch?v=bJdmaO-LPPc, http://www.youtube.com/watch?v=QaQQkdwz-6k.
- [27] Видео скандала в Азове (обнаружение подготовленных для вброса бюллетеней), http://rutube.ru/tracks/2485992.html?v= 8c6611d97a3934bbd37229b999a601d3.
- [28] Корреспондента Newsweek выгнали из участковой избирательной комиссии за жалобу на вброс бюллетеней в пользу «Единой России», http://runewsweek.ru/country/30719/.

- [29] Сайт Центральной избирательной комиссии Российской федерации. Иллюзия нарушений, http://www.cikrf.ru/newsite/illuziya/.
- [30] Чуров В.Е., Арлазаров В.Л., Соловьёв А.В. Итоги выборов. Анализ электоральных предпочтений. В кн.: Труды института системного анализа Российской академии наук. Сборник: математика и управление. Под редакцией члена-корреспондента РАН профессора В.Л. Арлазарова и д.т.н. профессора Н.Е.Емельянова, ЛКИ, 2008. Цитируется по [29].
- [31] Андрей Бузин. Курс аномальной электоральной вероятности, http://www.golos.org/IMG/doc/Arifmetika_kak_svidetel_.doc.
- [32] Сергей Шпилькин. Обработка данных результатов федеральных выборов. Презентация, http://www.golos.org/IMG/ppt/sakharov_080423.ppt.
- [33] А.Е. Любарев. Статистические аномалии на федеральных выборах 2007–2008 годов. Презентация, http://www.golos.org/IMG/ppt/Lyubarev-stat-1.ppt.
- [34] Ассоциация «Голос», http://www.golos.org. Незадолго до выборов Путин и др. развернули кампанию против этой ассоциации, по HTB был показан «документальный фильм», на таможне у исполнительного директора был изъян ноутбук, после чего на сайте lifenews была опубликована электронная переписка ассоциации. В заметке http://www.lifenews.ru/news/76604 написано: «Если до сих пор разговоры о том, что... «Голос» спонсируется из-за океана, оставались не более чем разговорами, то теперь этому есть реальное доказательство.» (Работа «Голоса» по международным грантам никогда не была тайной, это было и на их сайте, и на сайте посольства США).
- [35] Сайт «За честные выборы», https://sites.google.com/a/stopdesign.ru/test.
- [36] Журнал Александра Киреева, http://kireev.livejournal.com.
- [37] Журнал Александра Киреева, запись от 6 декабря 2011 года, http://kireev.livejournal.com/701143.html.
- [38] Журнал Александр Киреева, запись от 9 декабря 2011 года (сравнение данных в Приокском районе Нижнего Новгорода с КОИБ и без), http://kireev.livejournal.com/707721.html.
- [39] Сергей Шпилькин, И тут они как ломанули..., запись в блоге, http://podmoskovnik.livejournal.com/138132.html (изменение явки со временем на различных участках Канавинского района Нижнего Новгорода).
- [40] Массовые фальсификации результатов выборов 4 декабря в Нижегородской области в пользу партии Единой России, запись в блоге http://vovikbo.livejournal.com/617.html (приведены ссылки на фотографии протоколов).
- [41] Аркадий Любарев о различии голосования за партии на местных и федеральных выборах, http://golos-org.livejournal.com/133480.html.

- [42] В республике Коме, запись в ЖЖ, http://abuzin.livejournal.com/89687. html
- [43] Сергей Шпилькин, Выборы-2011. Троицкий вариант, 2011, №93, http://trv-science.ru/2011/12/06/vybory-2011.
- [44] Максим Пшеничников, запись в ЖЖ, http://oude-rus.livejournal.com/ 540865.html.
- [45] Максим Пшеничников, Всё суета сует и всяческая суета, запись в ЖЖ, http://oude-rus.livejournal.com/561884.html.
- [46] Живой журнал Дмитрия Кобака, http://kobak.livejournal.com.
- [47] Сергей Шпилькин, запись в ЖЖ, 14 декабря 2011, http://podmoskovnik.livejournal.com/134870.html.
- [48] Запись в ЖЖ, http://faereas.livejournal.com/37118.html.
- [49] Запись в ЖЖ, http://oude-rus.livejournal.com/545739.html?thread= 4206795#t4206795.
- [50] Проект «Гражданин наблюдатель», сайт http://nabludatel.org.
- [51] Сайт «Карта итогов», различия между выданными наблюдателям протоколами и официальными данными, http://www.kartaitogov.ru/diff.
- [52] Запись обсуждения среди депутатов (в основном от «Единой России»), http://www.youtube.com/watch?v=ldJOeH_ijyA.
- [53] Видео обсуждения в законодательном собрании Нижегородской области. http://www.youtube.com/watch?v=d2x421RVto0.
- [54] Я участник фольсификации выборов 2011, http://www.novayagazeta.ru/inquests/49943.html.
- [55] Александр Салаев: «Через меня прошло много молодёжи». Новая газета, http://www.novayagazeta.ru/politics/50080.html.
- [56] Евгений Легедин. На лицо прекрасные, гнилые изнутри, запись в ЖЖ, http://mladovesti.livejournal.com/483021.html.
- [57] Ответ из прокуратуры на жалобы по поводу визуального сходства плакатов избирательных комиссий и «Единой России», http://oleg-kozyrev. livejournal.com/3926287.html.
- [58] Пресс-релиз «Яблока» о судебном решении по участку 1311 в Москве, http://yabloko.ru/regnews/Moscow/2011/12/18
- [59] Оксана Дмитриева: «Если можно подменять протоколы, то зачем вообще нужны выборы?», http://www.dmitrieva.org/id313/printversion.

- [60] Алексей Захаров. Результаты выборов на тех участках, где не были зафиксированы нарушения. http://slon.ru/calendar/event/723777.
- [61] Фальсификаторы, http://mi-b.livejournal.com/218931.html.
- [62] Математические распределения и выборы в ГосДуму 2011. Опровержение популярного заблуждения, а также частичное опровержение опровержения, http://www.eruditor.ru/k/?15.
- [63] Алексей Тутубалин. О нумерологии продолжение, http://blog.lexa.ru/2011/12/16/o_numerologii_prodolzhenie.html. См. также ссылки на предыдущие записи в том же блоге.
- [64] Сайт http://ruelect.com, собирающий копии протоколов и сопоставляющий их с официальными данными ЦИК. (Предупреждение: указанные там данные отклонений по районам лишь оценки.)
- [65] Запись в блоге Сергея Слюсарева, http://jemmybutton.livejournal.com/ 1359.html.
- [66] Выборы в Госдуму в Нижнем Новгороде. Записи в блоге http://vladislav-01.livejournal.com/4852.html, http://vladislav-01.livejournal.com/5065.html (участки с КОИБ на графике).
- [67] Про фальсификации в Москве, на примере Гольяново. Запись в блоге http://anderson-mike.livejournal.com/21380.html.
- [68] Юрий Неретин. Шиза косила наши ряды. Запись в блоге, http://pustoi-zhurnal.livejournal.com/7598.html.
- [69] http://lqp.livejournal.com/516818.html
- [70] Статистика оружие массовой дезинформации. Блог Виталия Шишакова, http://svshift.livejournal.com/108087.html.
- [71] Леонид Волков. К вопросу о математической оценке масштаба фальсификаций. Запись в блоге, http://leonwolf.livejournal.com/342840.html.
- [72] Александр Шмелёв, «Надоело», запись в блоге, http://shmelev.livejournal.com/75464.html.
- [73] Интервью председателя Центральной избирательной комиссии В. Чурова радиостанции «Эхо Москвы», 5 января 2012 года, http://echo.msk.ru/programs/beseda/845391-echo/.
- [74] О точном попадании Жириновского по мишеням в Дагестане, блог А. Киреева, http://kireev.livejournal.com/782256.html
- [75] Выборы, запись в блоге Ильи Бояндина, http://ilyabo.livejournal.com/

- [76] Запись в блоге Максима Пшеничникова, http://oude-rus.livejournal.com/ 582183.html
- [77] Все кандидаты по всей стране, запись в блоге Максима Пшеничникова, http://oude-rus.livejournal.com/584276.html
- [78] Москва отжигает, запись в блоге Максима Пшеничникова, http://oude-rus.livejournal.com/581302.html
- [79] Народ любит, когда картинки, запись в блоге Максима Пшеничникова, http://oude-rus.livejournal.com/593245.html
- [80] На правах мелкого хулиганства, запись в блоге Максима Пшеничникова, http://oude-rus.livejournal.com/593726.htmll
- [81] С. Петербург 2011—2012, запись в блоге Максима Пшеничникова, http://oude-rus.livejournal.com/583398.html
- [82] Снова про нарисованные результаты в Левобережной части Владикавказа, запись в блоге Александра Киреева, http://kireev.livejournal.com/778260. html
- [83] Две замечательные картинки, запись в блоге А. Бузина, http://abuzin.livejournal.com/94666.html
- [84] Разбор фальсификации на двух ТИКах Санкт-Петербурга, запись в блоге Александра Киреева, http://kireev.livejournal.com/779763.html
- [85] Наблюдатель от КПРФ: в ТИК № 27 протоколы заносят с «чёрного хода», Аргументы и факты, Петербург, http://www.spb.aif.ru/news/print/news_id/93252
- [86] Рекорды изменения результатов выборов по ТИКам, запись в блоге Александра Киреева, http://kireev.livejournal.com/772016.html
- [87] Чуров В.Е., Доклад о результатах выборов, 30 марта 2012 (МЦНМО).